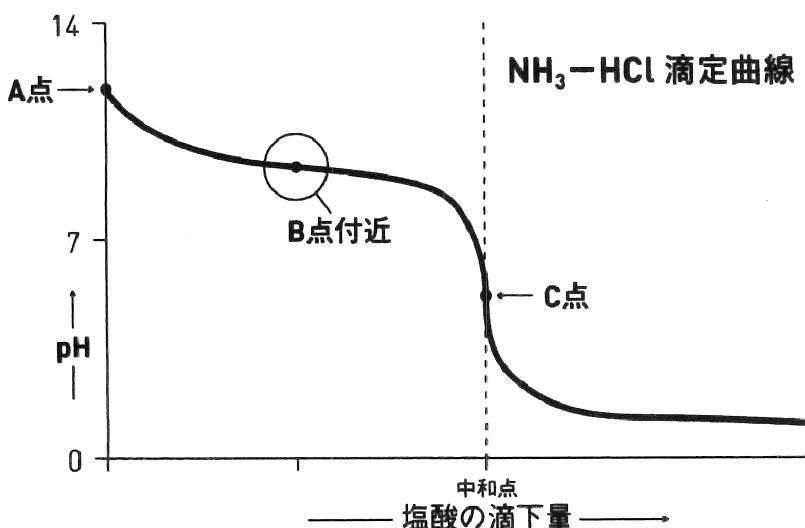


「アンモニアとその塩の水溶液」で必要な知識

[B点付近：アンモニアー塩化アンモニウム混合水溶液]

アンモニアの濃度を C_b (mol/L) とし、塩化アンモニウムの濃度を C_s (mol/L) とすると、この混合水溶液の水酸化物イオン濃度および pH は次のように表される。

ただし、 K_b はアンモニアの電離定数である。



[A点：アンモニア水]

濃度を C (mol/L) とすると、このアンモニア水の水酸化物イオン濃度および pH は次のように表される。

ただし、 K_b はアンモニアの電離定数である。

[C点：塩化アンモニウム水溶液]

濃度を x (mol/L) とすると、この塩化アンモニウム水溶液の水酸化物イオン濃度および pH は次のように表される。

ただし、 K_b はアンモニアの電離定数、 K_w は水のイオン積である。

注 pH の式は、 $K_w = 1.0 \times 10^{-14} (\text{mol/L})^2$ のときの式。

【アンモニア-塩酸滴定曲線】

step1 情報の整理

『まず、バランスシートを書こう』

（バランスシート）

『次に、平衡定数の式を書こう』

$$K_b = \frac{[\text{NH}_4^+][\text{OH}^-]}{[\text{NH}_3]} \quad \dots\dots (\text{I 式})$$

step2 式への代入

II式を $x(x > 0)$ について整理すると、

$$x = \sqrt{CK_b} \quad \text{よって, } [\text{OH}^-] = x = \sqrt{CK_b}$$

解答

← 導けたら、記憶しておこう！

【アンモニア-塩酸滴定曲線 II】

step1 情報の整理

『まず、バランスシートを書こう』

—(バランスシート(その1))—

—(バランスシート(その2))—

『次に、平衡定数の式を書こう』

$$K_b = \frac{[\text{NH}_4^+][\text{OH}^-]}{[\text{NH}_3]} \dots\dots (\text{I 式})$$

step2 式への代入

II 式を x について整理すると、

$$x = \frac{C_b}{C_s} K_b \text{ よって,}$$

解答

← 導けたら、記憶しておこう！

【アンモニア-塩酸滴定曲線 Ⅲ】

step1 情報の整理

『まず、バランスシートを書こう』

――(バランスシート(その1))――

――(バランスシート(その2))――

『次に、平衡定数の式を書こう』

$$K_h = \frac{[\text{NH}_3][\text{H}_3\text{O}^+]}{[\text{NH}_4^+]} = \frac{[\text{NH}_3][\text{H}^+]}{[\text{NH}_4^+]} \quad \dots\dots (\text{I 式})$$

step2 式への代入 I式に、平衡時の値を代入し、整理しよう。

II式を $y(y > 0)$ について整理すると、 $y = \sqrt{xK_h}$ よって、水素イオン濃度
[H⁺]は、 $[\text{H}^+] = y = \sqrt{xK_h}$ となるので、水酸化物イオン濃度は、

$$[\text{OH}^-] = \frac{K_w}{[\text{H}^+]} = \frac{K_w}{\sqrt{xK_h}} = \sqrt{\frac{K_w^2}{xK_h}} \quad \dots\dots (\text{III 式})$$

step3 式の変形

しかし、題意では、 $[\text{OH}^-]$ を、 x と K_b 、 K_w を用いて表すことを求めている。
そこで、 K_h を K_b と K_w とで表す必要がある。

――ここで、 K_h を K_b と K_w とで表してみよう。――

Ⅲ式にⅣ式を代入すると、求める水酸化物イオン濃度 $[\text{OH}^-]$ は、

$$[\text{OH}^-] = \sqrt{\frac{K_w^2}{xK_h}} = \sqrt{\frac{K_w^2}{x \times \frac{K_w}{K_b}}} = \sqrt{\frac{K_w^2}{x} \times \frac{K_b}{K_w}} = \sqrt{\frac{K_b \cdot K_w}{x}}$$

解答

←導けたら、記憶しておこう！

【メチルアミンの水溶液】

step1 情報の整理

メチルアミンという1価の弱塩基が題材となっており、しかも、『電離度 α は、 $0 < \alpha \ll 1$ であるとみなしてよいものとする』とあるので、内容的には、典型的な「アンモニア水」に関する問題と同一である。よって、

$$K_w = 1.0 \times 10^{-14} \text{ のとき } pH = 14 + \log_{10}[\text{OH}^-]$$

を用いればよい。

メチルアミン CH_3NH_2 の分子量は 31 であるから、題意より、

メチルアミンの濃度 :

である。

メチルアミンの電離定数 :

step2 式への代入

$$pH = 14 + \log_{10}[\text{OH}^-] = 14 + \log_{10}\sqrt{4.4 \times 10^{-5}}$$

$$= 14 + \frac{1}{2} \log_{10}(4.4 \times 10^{-5}) = 11.82$$

解答 11.8

注

$$K_w = 1.0 \times 10^{-14} \text{ のとき、}$$

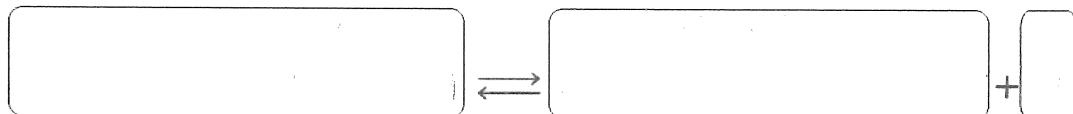
$$pH = -\log_{10}[\text{H}^+] = -\log_{10} \frac{K_w}{[\text{OH}^-]} = -\log_{10} \frac{1.0 \times 10^{-14}}{[\text{OH}^-]} = 14 + \log_{10}[\text{OH}^-]$$

【アミノ酸の水溶液】

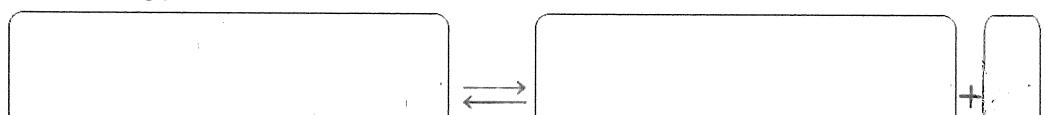
step1 情報の整理

『まず、バランスシートを書こう』

(バランスシート①)――――――――――――――――――――――――――――――――――



(バランスシート②)――――――――――――――――――――――――――――――――



『次に、平衡定数の式を書こう』

平衡定数の式①――――――――――――――――――――――――――――――

$$K_1 = \frac{[\text{H}_3\text{N}^+ - \text{CH}(\text{CH}_2\text{C}_6\text{H}_5) - \text{COO}^-][\text{H}^+]}{[\text{H}_3\text{N}^+ - \text{CH}(\text{CH}_2\text{C}_6\text{H}_5) - \text{COOH}]}$$

平衡定数の式②――――――――――――――――――――――――――――――

$$K_2 = \frac{[\text{H}_2\text{N} - \text{CH}(\text{CH}_2\text{C}_6\text{H}_5) - \text{COO}^-][\text{H}^+]}{[\text{H}_3\text{N}^+ - \text{CH}(\text{CH}_2\text{C}_6\text{H}_5) - \text{COO}^-]}$$

step2 式への代入

……Ⅰ式 ただし、

……Ⅱ式 ただし、

ここ以降は数学(式変形、数値計算)にすぎない。

step3 問1(等電点を求める)について

から、題意の『A(陽イオン)から C(陰イオン)の
pH($= -\log_{10}[\text{H}^+]$)～求めよ』は、『

ときの $[\text{H}^+]$ を求め、pHを計算せよ』と言い換えることができる。では、考えてみよう。[陽] = [陰]であるときの $[\text{H}^+]$ は、Ⅰ式、Ⅱ式より、次のように求められる。

I式とII式の左辺と右辺をそれぞれ掛け合わせると、

となり、さらに[陽]=[陰]を考慮すると、

と求まる。よって、求めるpH(等電点)は、

$$pH = -\log_{10} [H^+] = -\log_{10} 10^{-5.5} = 5.5 \quad \leftarrow \text{問1の答}$$

等電点の計算式

は必ず記憶しておこう！

step4 問2(各イオンの比を求める)について

[H⁺]が分かれば、イオンの比が分かる! ⇒ 必ず記憶しておこう!

……I式 ただし、

……II式 ただし、

題意の『pHが4のとき』は、『[H⁺]=10⁻⁴のとき』と言い換えることができる。

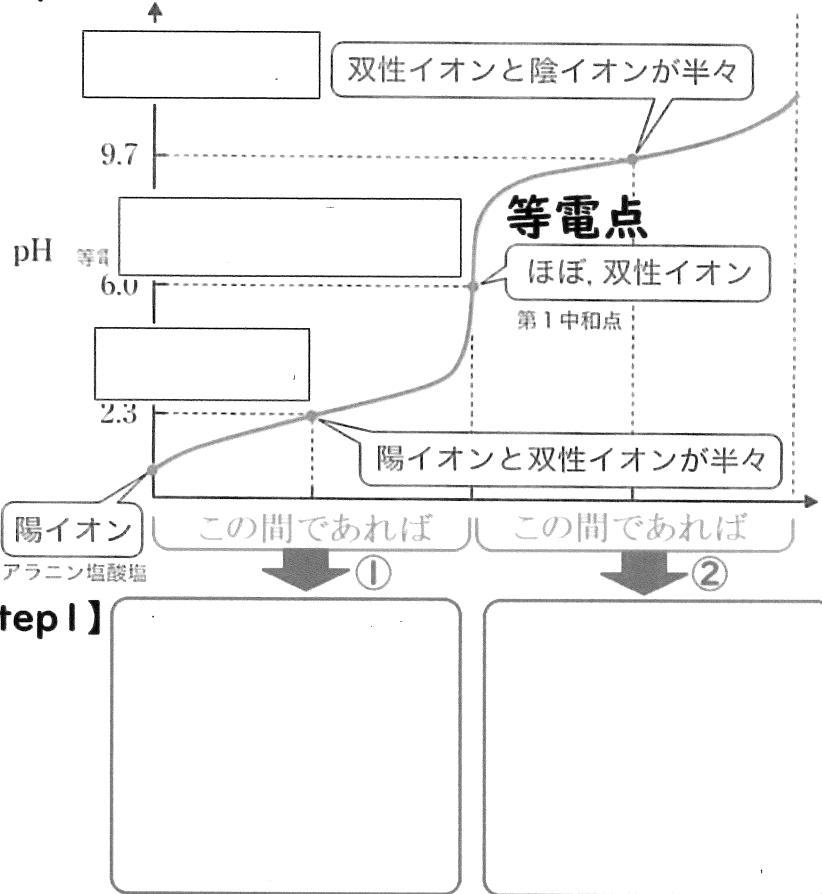
すなわち、pHが4のときの各イオンの濃度の比は、

であり、pHが4のときに最も多く存在するイオン化状態のフェニルアラニンは、B(双性イオン) ← 問2の答 であると判定できる。

解答 問1 5.5 問2 B

中性アミノ酸の塩酸塩-NaOH 滴定曲線

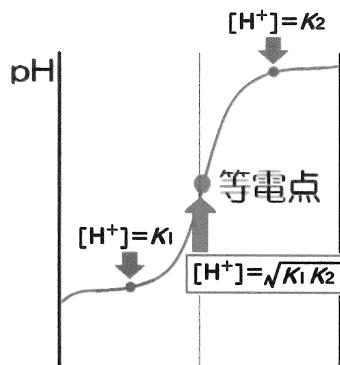
【step2】



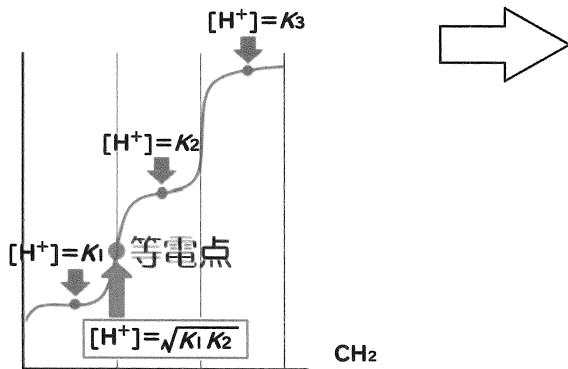
【step1】

アミノ酸の塩酸塩の滴定曲線

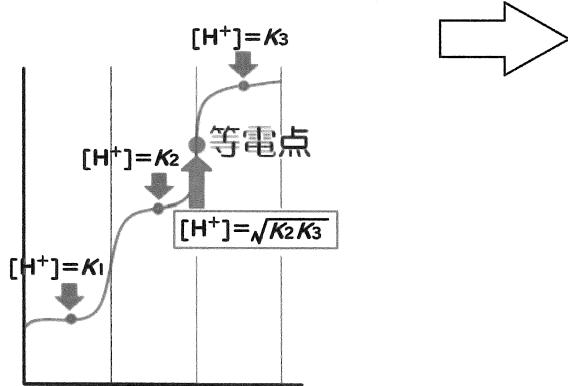
中性アミノ酸の塩酸塩の滴定曲線



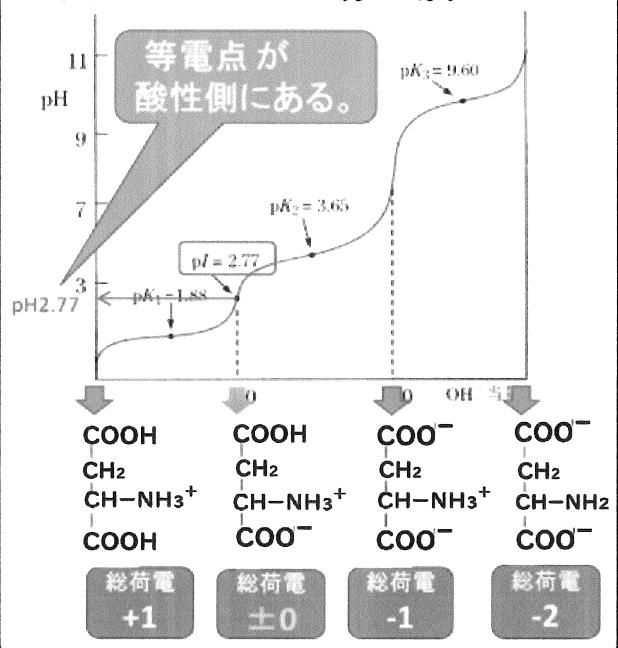
酸性アミノ酸の塩酸塩の滴定曲線



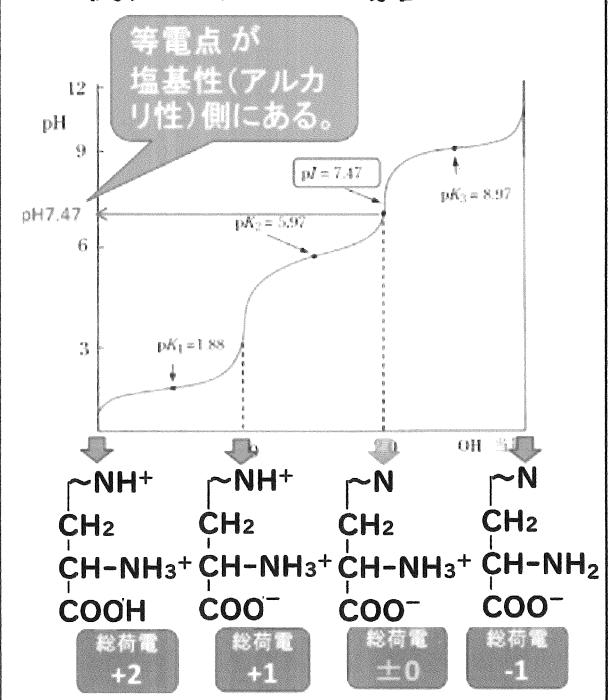
塩基性アミノ酸の塩酸塩の滴定曲線



例；アスパラギン酸の場合



例；ヒスチジンの場合



【溶解度積】

問1(沈殿開始時のpHを求める)について

step1 情報の整理

『まず、バランスシートを書こう』

『 $\text{Ca}(\text{OH})_2$ 水溶液を加えることによる体積増加分は無視してよい』ので、
『 $\text{Pb}(\text{OH})_2$ の沈殿が生じはじめる』まで、 $[\text{Pb}^{2+}] = 1.0 \times 10^{-3}$ (mol/L)のまま。

—(バランスシート)—

ここでは溶解度積の式

『次に、平衡定数の式を書こう』

『 $\text{Pb}(\text{OH})_2$ の沈殿が生じはじめる』ときはひとつの平衡状態である。

溶解度積の式[平衡状態(溶解平衡)であるときに成立する式]

step2 式への代入

よって、 $[\text{OH}^-] = x = 4.0 \times 10^{-9}$ (mol/L)

$$[\text{H}^+] = \frac{K_w}{[\text{OH}^-]} = \frac{1.0 \times 10^{-14}}{4.0 \times 10^{-9}} = 2^{-2} \times 10^{-5}$$
(mol/L)

$$\text{pH} = -\log_{10}[\text{H}^+] = -\log_{10}(2^{-2} \times 10^{-5}) = 5.6 \quad \leftarrow \text{問1の答}$$

問2(水溶液内に残存するPb²⁺の濃度を求める)について

step1 情報の整理

『まず、バランスシートを書こう』

題意より、『pHを9.0まで上昇させたので、[H⁺]=1.0×10⁻⁹(mol/L)
すなわち、[OH⁻]= $\frac{K_w}{[H^+]}=\frac{1.0 \times 10^{-14}}{1.0 \times 10^{-9}}=1.0 \times 10^{-5}$ (mol/L)である。

—(バランスシート)—

ここでは溶解度積の式
『次に、平衡定数の式を書こう』

沈殿が存在しているときには、必ず溶解平衡が成立している。

溶解度積の式[平衡状態(溶解平衡)であるときに成立する式]

step2 式への代入

よって、[Pb²⁺]=y=1.6×10⁻¹⁰(mol/L) ←問2の答

解答 問1 5.6 問2 1.6×10⁻¹⁰ mol/L

【硫化物沈殿の形成】

問Ⅰ(硫化水素の電離平衡の検討 & 溶解度積の検討)について

step1 情報の整理

『まず、バランスシートを書こう』

『溶液の硫化水素濃度は、水素イオン濃度に無関係に、 0.10 mol/L 』

『硫化鉄(Ⅱ)の沈殿が生成し始めるとき』まで、 $[\text{Fe}^{2+}] = 1.0 \times 10^{-2}(\text{mol/L})$ 。

『次に、平衡定数の式を書こう』

平衡定数の式

溶解度積の式

step2 式への代入

$$[\text{H}^+] = x = 1.0 \times 10^{-3.5}(\text{mol/L}), [\text{S}^{2-}] = y = 1.0 \times 10^{-16}(\text{mol/L})$$

$$\text{pH} = -\log_{10}[\text{H}^+] = -\log_{10}(1.0 \times 10^{-3.5}) = 3.5 \quad \leftarrow \text{問1の答}$$

問2(硫化水素の電離平衡の検討 & 溶解度積の検討)について

step1 情報の整理

『まず、バランスシートを書こう』

『溶液の硫化水素濃度は、水素イオン濃度に無関係に、 0.10 mol/L 』

『99.9%以上が硫化鉄(II)として沈殿している』とあるので、残る鉄(II)イオンは
 $[\text{Fe}^{2+}] =$ (mol/L)である。

『次に、平衡定数の式を書こう』

$$K_3 = \frac{[\text{H}^+]^2[\text{S}^{2-}]}{[\text{H}_2\text{S}]} = \frac{[\text{H}^+][\text{HS}^-]}{[\text{H}_2\text{S}]} \times \frac{[\text{H}^+][\text{S}^{2-}]}{[\text{HS}^-]} = K_1 \times K_2 = 1.0 \times 10^{-22} (\text{mol/L})^2$$

平衡定数の式

$$\text{ただし, } K_3 = 1.0 \times 10^{-22} (\text{mol/L})^2$$

溶解度積の式

$$\text{ただし, } K_{\text{sp}} = 1.0 \times 10^{-18} (\text{mol/L})^2$$

step2 式への代入

[H⁺] = x' = $1.0 \times 10^{-5} (\text{mol/L})$, [S²⁻] = y' = $1.0 \times 10^{-13} (\text{mol/L})$

$$\text{pH} = -\log_{10}[\text{H}^+] = -\log_{10}(1.0 \times 10^{-5}) = 5.0$$

上述のように、pH=5.0であるときに99.9%の鉄(II)イオンが沈殿する。

塩基性が強くなるほど硫化物沈殿は形成しやすくなるので、

pH ≥ 5.0であれば、99.9%以上の鉄(II)イオンが沈殿する。←問2の答

解答 問1 3.5 問2 5.0

硫化水素の電離平衡に関する 典型的出題パターン例

① 硫化水素水溶液のpHを求める。

$$K_1 = \frac{[H^+]^2}{[H_2S]}$$

定数 〔H₂S〕 ほぼ定数

このとき、 $[HS^-] = [H^+]$ 、 $\therefore [S^{2-}] = K_2$

② H₂Saq中の[H⁺]と[S²⁻]の関係を求める。

⇒ある[H⁺](pH)のもとでの[S²⁻]を求める。

⇒[S²⁻]がある値となる[H⁺](pH)を求める。

$$K_1 \cdot K_2 = \frac{[H^+]^2 [S^{2-}]}{[H_2S]}$$

定数 定数 〔H₂S〕 ほぼ定数

③ 硫化物沈殿(CuSなど)の形成について問う。

⇒ある[H⁺](pH)のもとでの沈殿形成の有無を求める。

⇒沈殿の量がある値となる[H⁺]を求める。

$K_{sp}(CuS) > [Cu^{2+}] [S^{2-}]$ のとき
沈殿は生じない。

沈殿があるとき、必ず
 $K_{sp}(CuS) = [Cu^{2+}] [S^{2-}]$ が成立する！

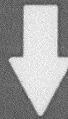
$K_{sp}(CuS) < [Cu^{2+}] [S^{2-}]$ のとき
沈殿が生じる。

炭酸の電離平衡に関する典型的出題パターン例

一般的な解法

$$K_1 = \frac{[H^+][HCO_3^-]}{[H_2CO_3]}$$

$$K_2 = \frac{[H^+][CO_3^{2-}]}{[HCO_3^-]}$$



第1電離において
第2電離を無視すると、
 $[H^+] = [HCO_3^-]$

$$K_1 = \frac{[H^+]^2}{[H_2CO_3]}$$

$$\therefore [H^+] = \sqrt{K_1[H_2CO_3]}$$

本題の場合

$$K_1 = \frac{[H^+][HCO_3^-]}{[H_2CO_3]}$$

$$K_2 = \frac{[H^+][CO_3^{2-}]}{[HCO_3^-]}$$

物質収支、電荷バランス
水のイオン積など…

近似



物質収支



x mol



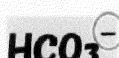
水中に溶かす。

CO_2	H_2CO_3	HCO_3^-	CO_3^{2-}
a mol	b mol	c mol	d mol

化合物やイオンの形がどのように変わっても
炭素原子Cの数(物質量)に変わりはない!

$$X = a + b + c + d$$

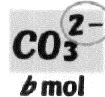
電荷バランス



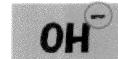
a mol



d mol



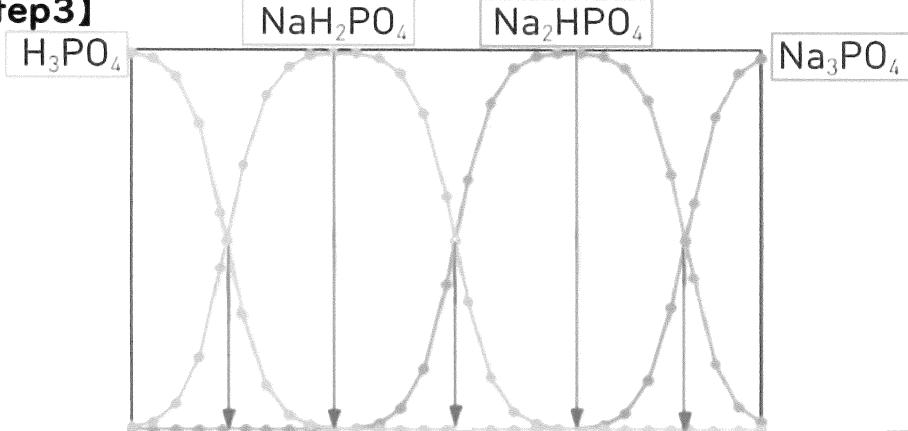
b mol



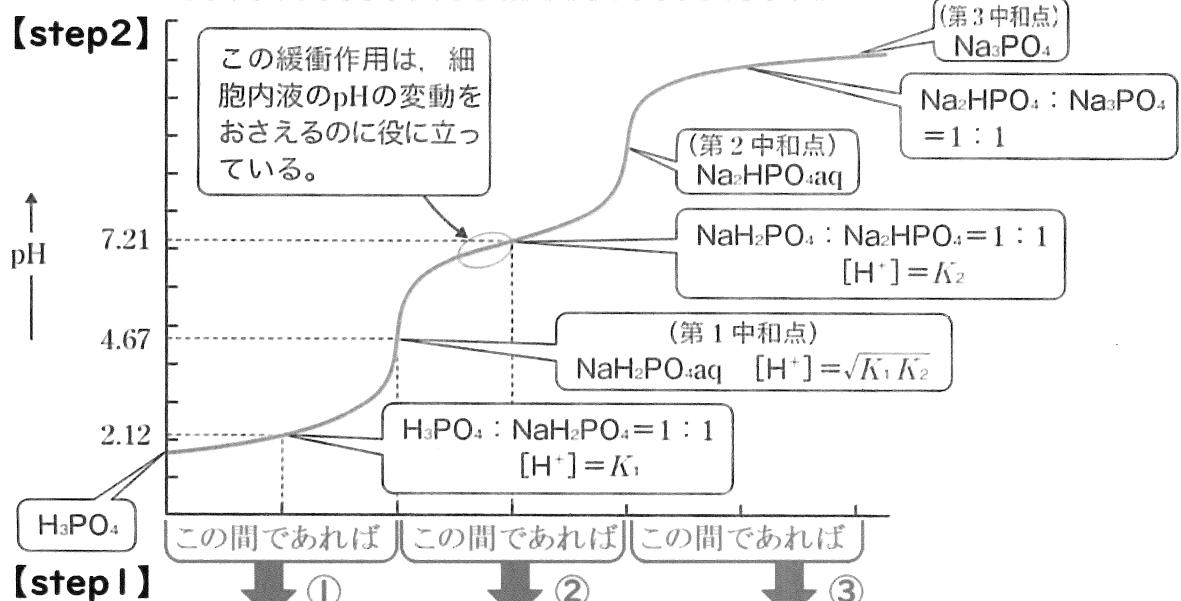
c mol

H₃PO₄–NaOH 滴定曲線

【step3】



【step2】



【step1】

$K_1 = \frac{[H^+][H_2PO_4^-]}{[H_3PO_4]}$ すなわち $\frac{K_1}{[H^+]} = \frac{[NaH_2PO_4]}{[H_3PO_4]}$ を用いて計算する。	$K_2 = \frac{[H^+][HPO_4^{2-}]}{[H_2PO_4^-]}$ すなわち $\frac{K_2}{[H^+]} = \frac{[Na_2HPO_4]}{[NaH_2PO_4]}$ を用いて計算する。	$K_3 = \frac{[H^+][PO_4^{3-}]}{[HPO_4^{2-}]}$ すなわち $\frac{K_3}{[H^+]} = \frac{[Na_3PO_4]}{[Na_2HPO_4]}$ を用いて計算する。
--	---	--

●比が分かれば[H⁺]が分かる。●[H⁺]が分かれば比が分かる。

- ① 第1中和点まで ; H₃PO₄+NaOH → NaH₂PO₄+H₂O
- ② 第2中和点まで ; NaH₂PO₄+NaOH → Na₂HPO₄+H₂O
- ③ 第3中和点まで ; Na₂HPO₄+NaOH → Na₃PO₄+H₂O