

各設問ごとに知恵を絞るか、  
どの設問も同じ式で解くか、決めておこう。

**固体の溶解度の関係式** 水に対する溶解度（飽和溶液中で、水 100 g 当りに溶けている溶質の g 数）を  $S$  (g/水 100 g) とおくと、飽和溶液において、次の関係式が成立します。

$$\frac{\text{飽和溶液中の溶質の質量 (g)}}{\text{飽和溶液の質量 (g)}} = \frac{S}{100+S}$$

または、

$$\frac{\text{飽和溶液中の溶質の質量 (g)}}{\text{飽和溶液中の溶媒の質量 (g)}} = \frac{S}{100}$$

飽和溶液（結晶が析出するときなど）においては、必ずこれらの関係式が成立する！

固体の溶解度の関係式って？ 

結晶が析出するときなど  
飽和溶液においては、必ずこれらの式が成立する。

$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{飽和溶液の質量}} = \frac{S}{100+S} \quad \text{または} \quad \frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶媒の質量}} = \frac{S}{100}$$

結晶の析出量の計算は、これらの式を用いれば解ける！

## 2-1 固体の溶解度 (鳥取大学)

どの設問も同じ式で解く場合には

【解答を導入するために必要な知識】

[式 A] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶液の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶液の質量(g)} \pm \text{溶液の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100 + \text{最終温度での溶解度}}$$

または,

[式 B] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶媒の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶媒の質量(g)} \pm \text{溶媒の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100}$$

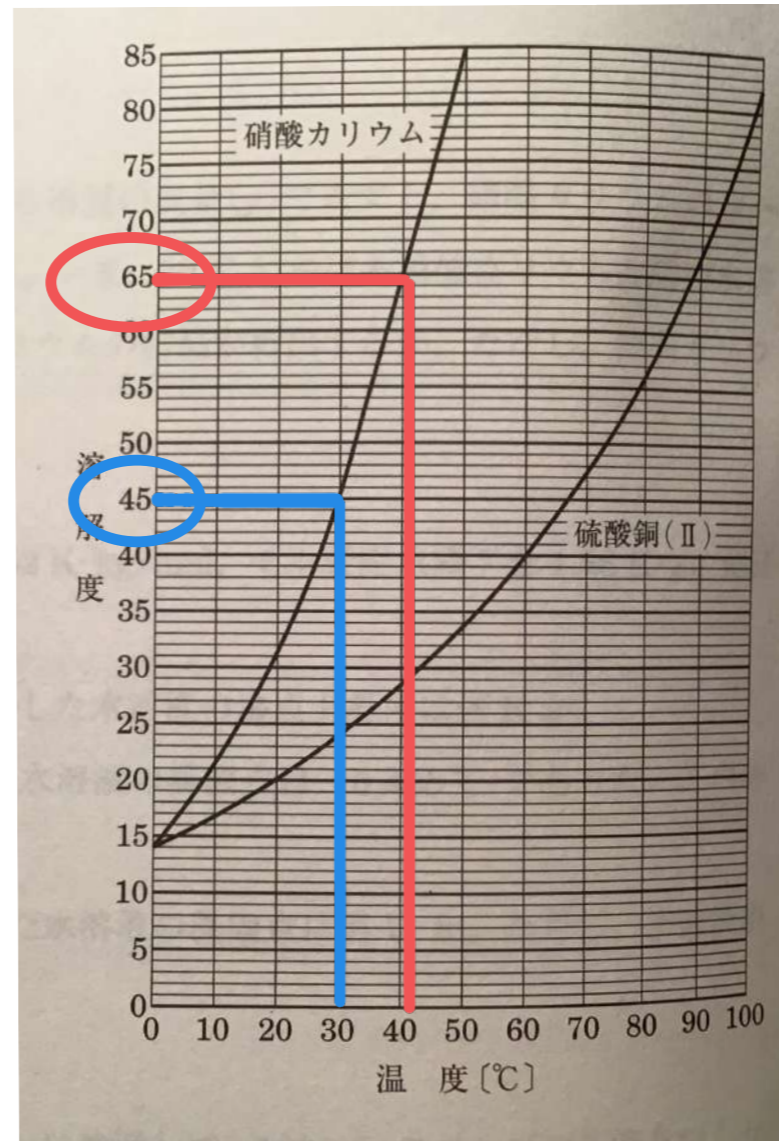
【解答を導入するために必要な知識】

[式 A] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶液の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶液の質量(g)} \pm \text{溶液の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100 + \text{最終温度での溶解度}}$$

または,

[式 B] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶媒の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶媒の質量(g)} \pm \text{溶媒の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100}$$

問1の解法例



AでもBでもよい。

【解答を導入するために必要な知識】

[式 A] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶液の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶液の質量(g)} \pm \text{溶液の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100 + \text{最終温度での溶解度}}$$

または,

[式 B] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶媒の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶媒の質量(g)} \pm \text{溶媒の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100}$$

### 問1の解法例

例えば, [式 B] を用いる (ちよつと回りくどい解き方ですが) と, 加える硝酸カリウムの質量を  $x$  (g) とすると,

最初の溶質の質量 $100 \times \frac{65}{100+65}$	$\pm$ 溶質の変化量 - $x$	溶解度 45
最初の溶媒の質量 $100 \times \frac{100}{100+65}$	$\pm$ 溶媒の変化量 + 0	100

$\therefore x = 12.1 \text{ g}$

問1の解答 ; 12 g

次スライドで説明します。  
~~簡単な解法があります。~~

【解答を導入するために必要な知識】

[式 A] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶液の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶液の質量(g)} \pm \text{溶液の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100 + \text{最終温度での溶解度}}$$

または,

[式 B] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶媒の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶媒の質量(g)} \pm \text{溶媒の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100}$$

問1の解法例; 例えば, [式 B] を用いる (ちょっと回りくどい解き方ですが) と,  
 加える硝酸カリウムの質量を  $x$  (g) とすると,

最初の溶質の質量 $100 \times \frac{65}{100+65}$	$\pm$ 溶質の変化量 $- x$	=	$\frac{\text{溶解度}}{45}$
最初の溶媒の質量 $100 \times \frac{100}{100+65}$	$\pm$ 溶媒の変化量 $+ 0$	=	100

$\therefore x = 12.1 \text{ g}$

問1の解答 ; 12 g

『飽和溶液の温度を下げたとき、結晶水を含まない沈殿が生成したとき』には

① 高温側の飽和溶液

② 低温側の飽和溶液



③ 析出量  
 $S_2 - S_1$  g



より

④ 関係式 (Ⅲ式)

$$\frac{\text{析出量}(g)}{\text{溶液の質量}(g)} = \frac{S_2 - S_1}{100 + S_2}$$

が成立する。

『飽和溶液の温度を下げたとき、結晶水を含まない沈殿が生成したとき』には

① 高温側の飽和溶液

② 低温側の飽和溶液



③ 析出量

$S_2 - S_1$  g



より

④ 関係式 (Ⅲ式)

$$\frac{\text{析出量}(g)}{\text{溶液の質量}(g)} = \frac{S_2 - S_1}{100 + S_2}$$

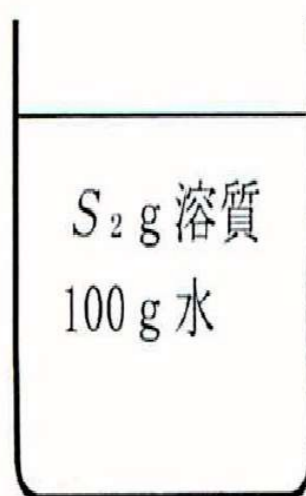
が成立する。

$$\text{析出量}(g) = \text{溶液の質量}(g) \times \frac{S_2 - S_1}{100 + S_2}$$

『飽和溶液の温度を下げたとき、結晶水を含まない沈殿が生成したとき』には

①高温側の飽和溶液

②低温側の飽和溶液



③析出量

$S_2 - S_1$  g



より

④ 関係式 (Ⅲ式)

$$\frac{\text{析出量(g)}}{\text{溶液の質量(g)}} = \frac{S_2 - S_1}{100 + S_2}$$

が成立する。

$$\text{析出量(g)} = \text{溶液の質量(g)} \times \frac{S_2 - S_1}{100 + S_2}$$

問1の場合  $x = 100 \times \frac{65 - 45}{100 + 65} = 12.1 \text{ (g)}$



## どの設問も同じ式で解く場合には

【解答を導入するために必要な知識】

[式 A] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶液の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶液の質量(g)} \pm \text{溶液の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100 + \text{最終温度での溶解度}}$$

または,

[式 B] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶媒の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶媒の質量(g)} \pm \text{溶媒の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100}$$

AでもBでもよい。

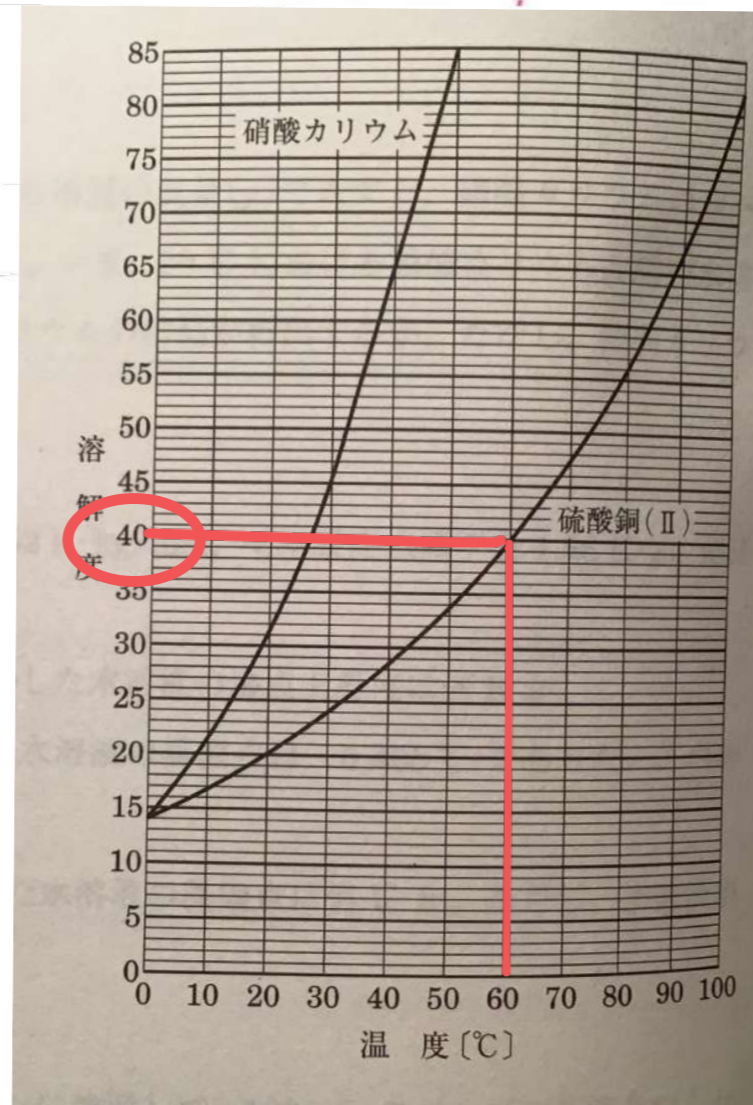
【解答を導入するために必要な知識】

[式 A] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶液の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶液の質量(g)} \pm \text{溶液の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100 + \text{最終温度での溶解度}}$$

または,

[式 B] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶媒の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶媒の質量(g)} \pm \text{溶媒の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100}$$

問2の解法例;



【解答を導入するために必要な知識】

[式 A] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶液の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶液の質量(g)} \pm \text{溶液の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100 + \text{最終温度での溶解度}}$$

または,

[式 B] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶媒の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶媒の質量(g)} \pm \text{溶媒の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100}$$

問2の解法例

; 例えば, [式 A] を用いる (ちょっと回りくどい解き方ですが) と、  
 求める五水和物の質量を  $y$  (g) とすると, この五水和物中に含まれている溶質の質量は

$y \times \frac{160}{250}$  (g) なので,

最初の溶質の質量 $y \times \frac{160}{250}$	± 溶質の変化量 $\pm 0$	溶解度 40
最初の溶液の質量 ± 溶液の変化量 つまり、最終的な溶液の質量 100		溶解度 100 + 40

$y = 44.6g$

問2の解答 : 45 g

【解答を導入するために必要な知識】

[式 A] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶液の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶液の質量(g)} \pm \text{溶液の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100 + \text{最終温度での溶解度}}$$

または,

[式 B] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶媒の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶媒の質量(g)} \pm \text{溶媒の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100}$$

ついでに,

[式 C] 
$$\text{飽和溶液中の溶質の質量(g)} = \text{飽和溶液の質量(g)} \times \frac{\text{溶解度}}{100 + \text{溶解度}}$$

問2の解法例

; 例えば, [式 A] を用いる (ちょっと回りくどい解き方ですが) と、  
求める五水和物の質量を  $y$  (g) とすると, この五水和物中に含まれている溶質の質量は

$y \times \frac{160}{250}$  (g) なので,

最初の溶質の質量 $y \times \frac{160}{250}$	± 溶質の変化量 $\pm 0$	溶解度 40
最初の溶液の質量 ± 溶液の変化量 つまり、最終的な溶液の質量 100		100 + 溶解度 100 + 40

; あるいは, [式 C] を用いてもよい。

$y = 44.6 \text{ g}$

問2の解答; 45 g

$$y \times \frac{160}{250} = 100 \times \frac{40}{100 + 40} \quad y = 44.6 \text{ g}$$

## どの設問も同じ式で解く場合には

【解答を導入するために必要な知識】

[式 A] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶液の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶液の質量(g)} \pm \text{溶液の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100 + \text{最終温度での溶解度}}$$

または,

[式 B] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶媒の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶媒の質量(g)} \pm \text{溶媒の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100}$$

AでもBでもよい。

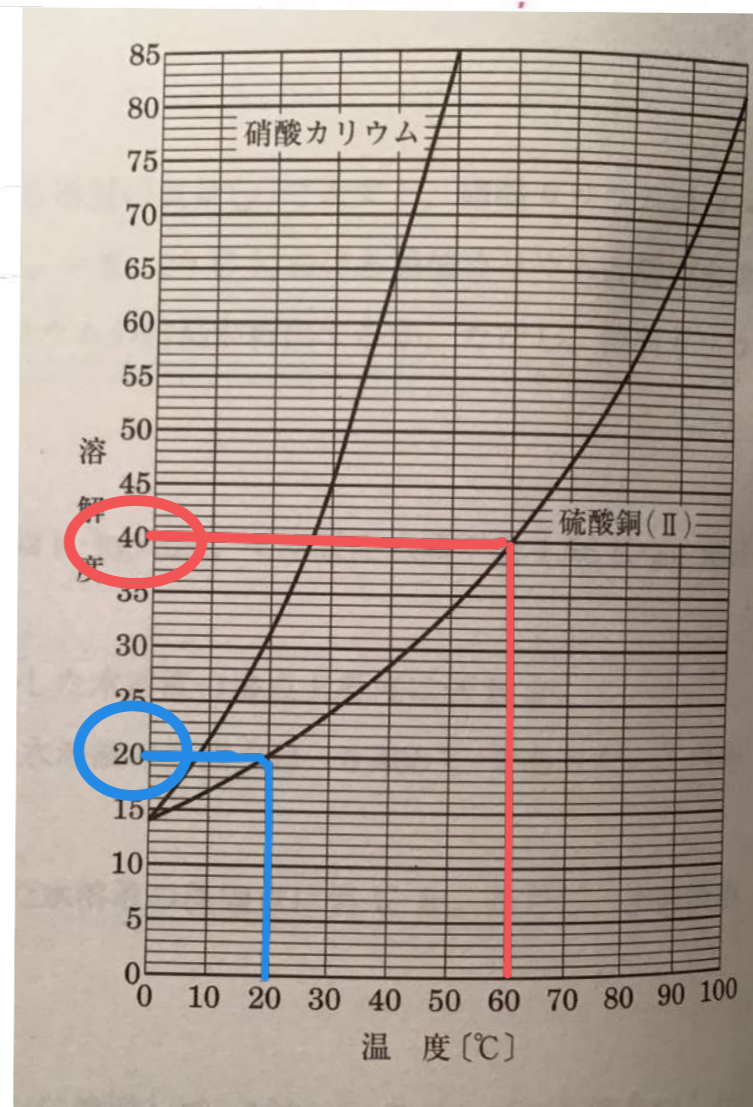
【解答を導入するために必要な知識】

[式 A] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶液の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶液の質量(g)} \pm \text{溶液の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100 + \text{最終温度での溶解度}}$$

または,

[式 B] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶媒の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶媒の質量(g)} \pm \text{溶媒の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100}$$

問3の解法例



【解答を導入するために必要な知識】

[式 A] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶液の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶液の質量(g)} \pm \text{溶液の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100 + \text{最終温度での溶解度}}$$

または,

[式 B] 
$$\frac{\text{溶質の質量}}{\text{溶媒の質量}} = \frac{\text{最初の溶質の質量(g)} \pm \text{溶質の変化量(g)}}{\text{最初の溶媒の質量(g)} \pm \text{溶媒の変化量(g)}} = \frac{\text{溶解度}}{100}$$

問3の解法例

; 例えば, [式 A] を用いると,

求める五水和物の質量を  $z$  (g) とすると, この五水和物中に含まれている溶質の質量は  $z \times \frac{160}{250}$  (g) であり, また, 最初の飽和溶液 100 (g) 中に含まれている溶質の質量は

$100 \times \frac{40}{100 + 40}$  (g) なので,

$$\frac{\begin{array}{|l} \text{最初の溶質の質量} \\ 100 \times \frac{40}{100+40} \end{array}}{\begin{array}{|l} \text{最初の溶液の質量} \\ 100 \end{array}} = \frac{\begin{array}{|l} \pm \text{溶質の変化量} \\ - z \times \frac{160}{250} \end{array}}{\begin{array}{|l} \pm \text{溶液の変化量} \\ - z \end{array}} = \frac{\begin{array}{|l} \text{溶解度} \\ 20 \end{array}}{100 + \begin{array}{|l} \text{溶解度} \\ 20 \end{array}}$$

$z = 25.1 \text{ (g)}$

問3の解答 ; 25.1 g

硫酸銅(Ⅱ)の水に対する溶解度はある温度  $T_2$  (高温側) で  $S_2$  である。いま、温度  $T_2$  で硫酸銅(Ⅱ)の飽和水溶液を作成し、その  $W$  [g] をとって徐々に温度  $T_1$  (低温側) にまで冷却して硫酸銅(Ⅱ)五水和物の結晶を析出させた。このとき、何gの  $\text{CuSO}_4 \cdot 5\text{H}_2\text{O}$  が析出したか。ただし、硫酸銅(Ⅱ)の  $T_1$  における溶解度は  $S_1$  である。  $x$  g が析出したとして、  $x$  を求めよ。

《もしも、どうしても、上述のタイプの問題を公式化したければ(ただし、 $\text{Cu}=64$  とする)》

$$\text{析出量 } x \text{ (g)} = \frac{250}{160 - 0.9S_1} \times \frac{S_2 - S_1}{S_2 + 100} \times W \text{ (g)}$$

とんでもなく極端なことを言うと、たいていの場合には、 $\text{Cu}$ の原子量は64と与えられ、温度変化による溶解度の変化は  $40 \rightarrow 20$  と与えられるので、

**『析出量 = 0.251 × 最初の飽和溶液の質量』**


**で求まってしまいます。**

**問3の場合;  $100 \times 0.251 = 25.1$  (g)**



## 2-2 希薄溶液の性質 (日本歯科大学)

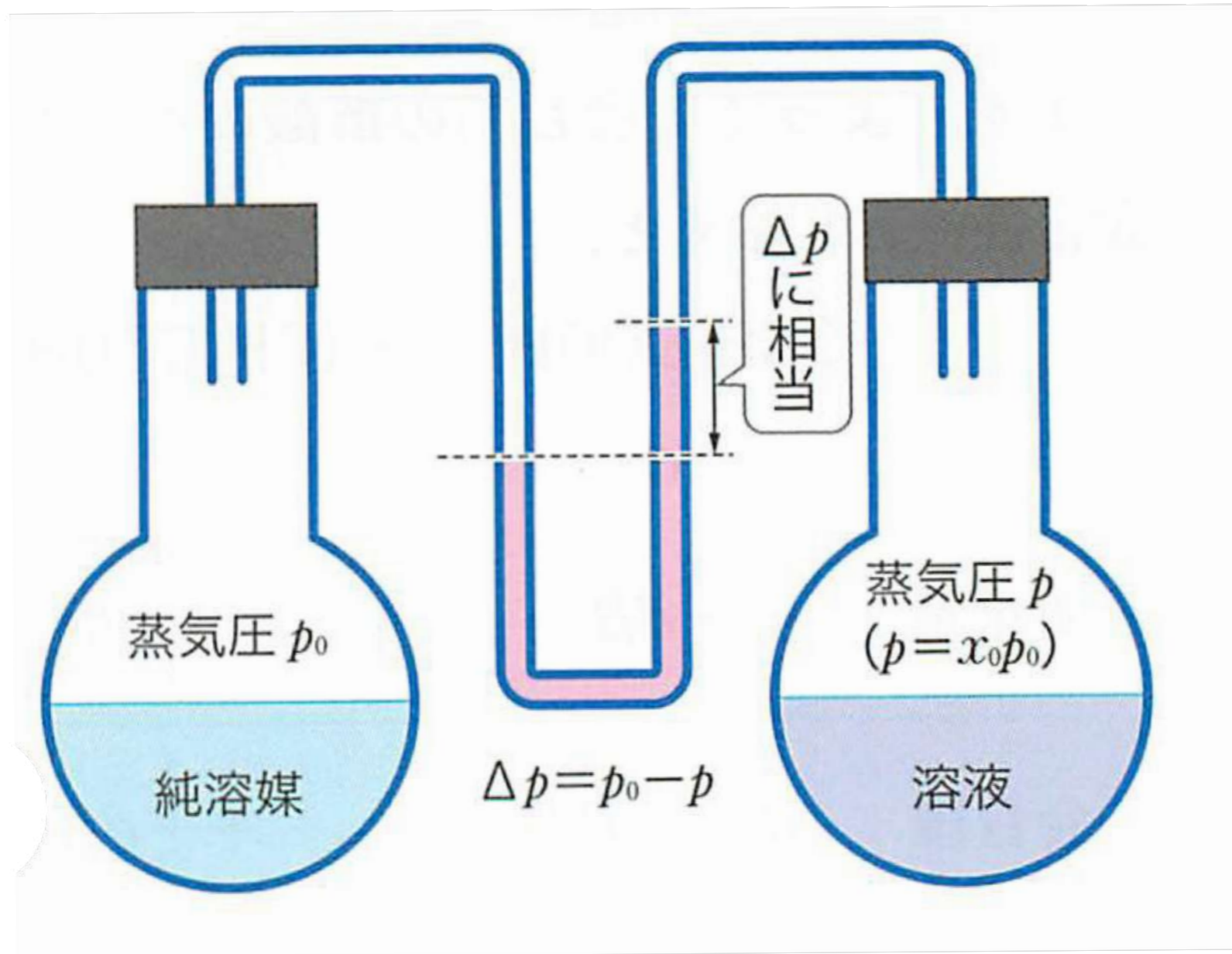
### 1行目~6行目 蒸気圧降下

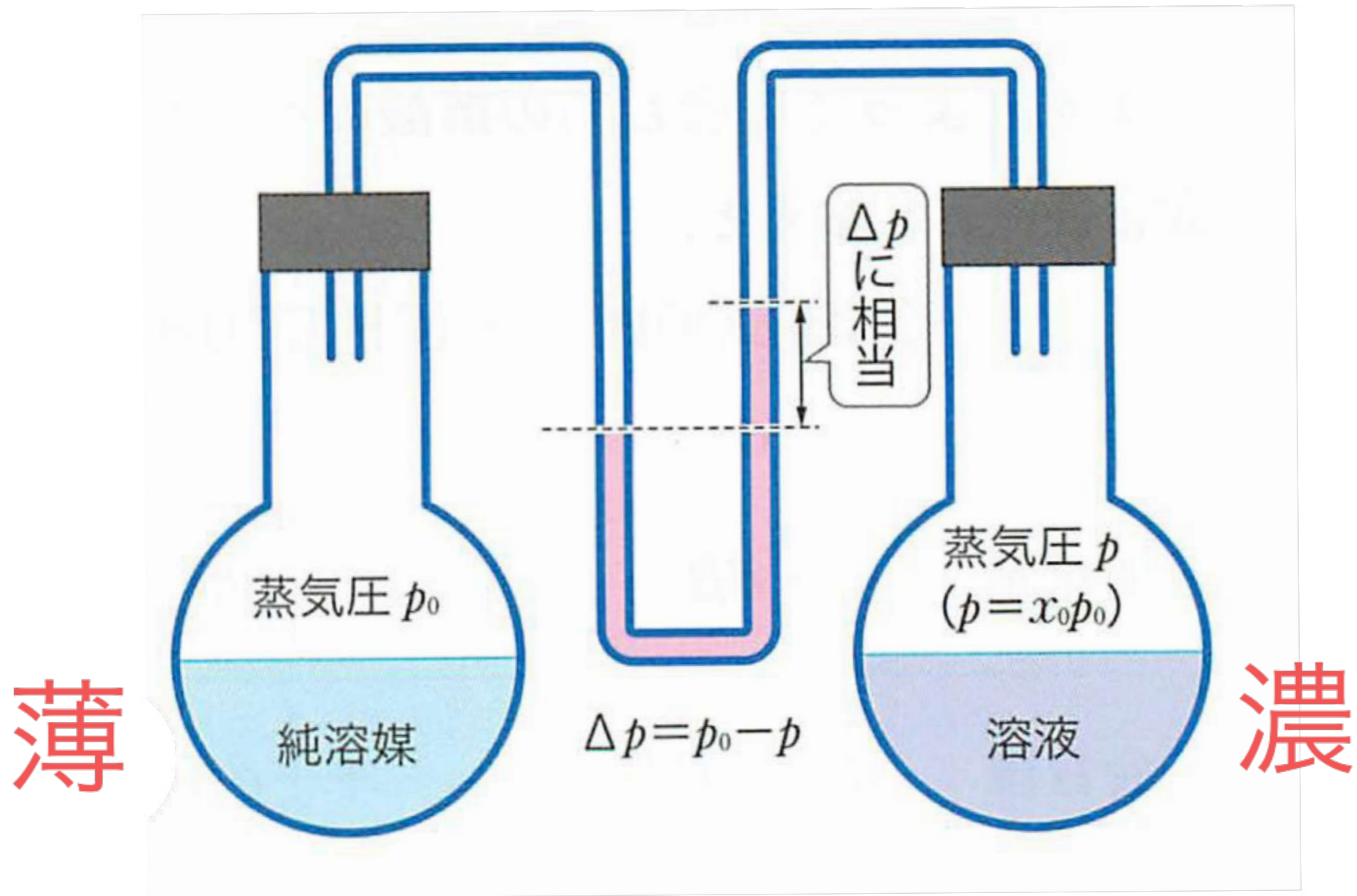
蒸気圧降下って? 

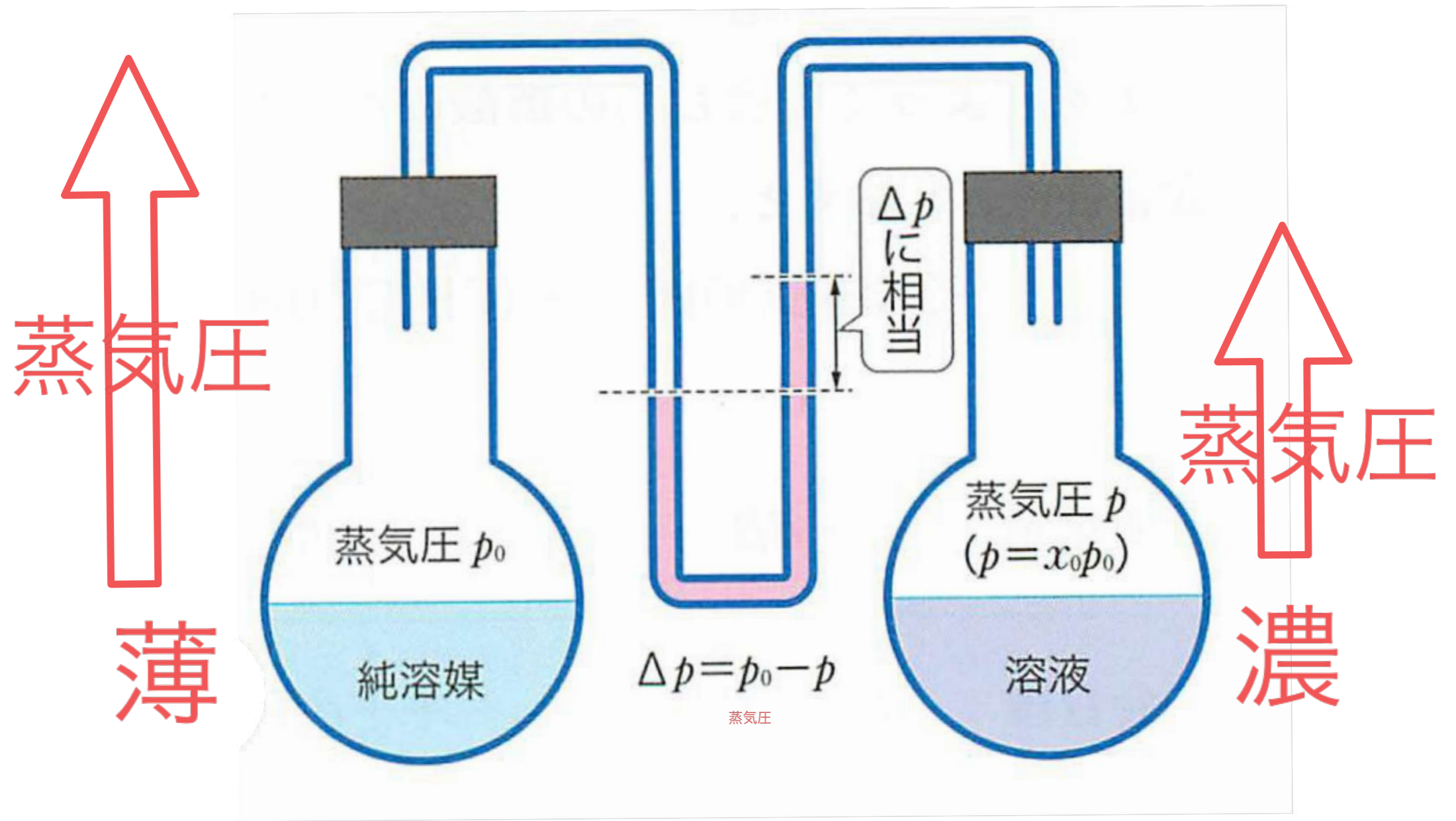
-----  
溶液の蒸気圧が、純粋な溶媒の蒸気圧に比べて、低くなる現象。

ただし、溶質が不揮発性の物質であるときに起こる現象!

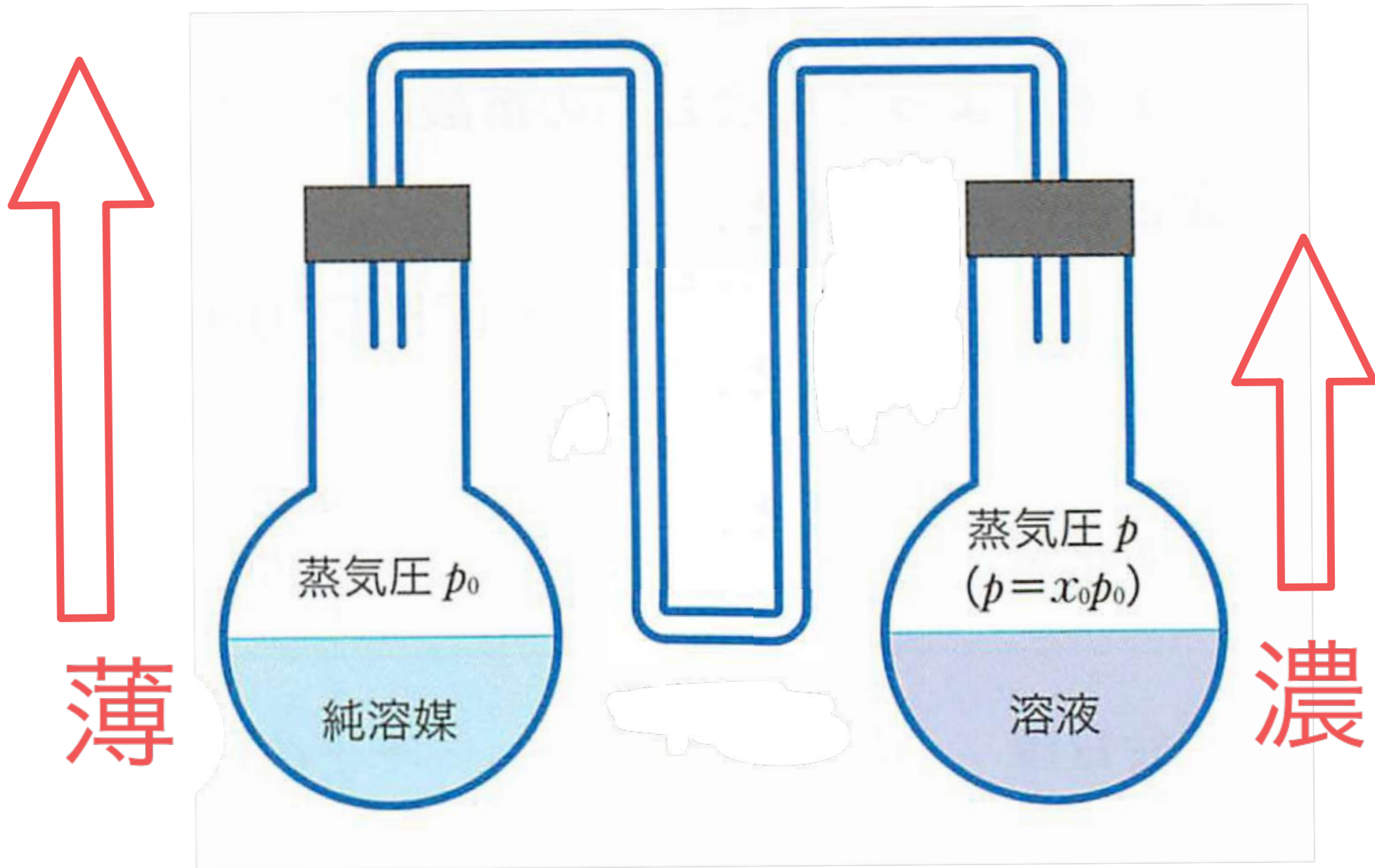
次ページ参照







# 水の移動方向

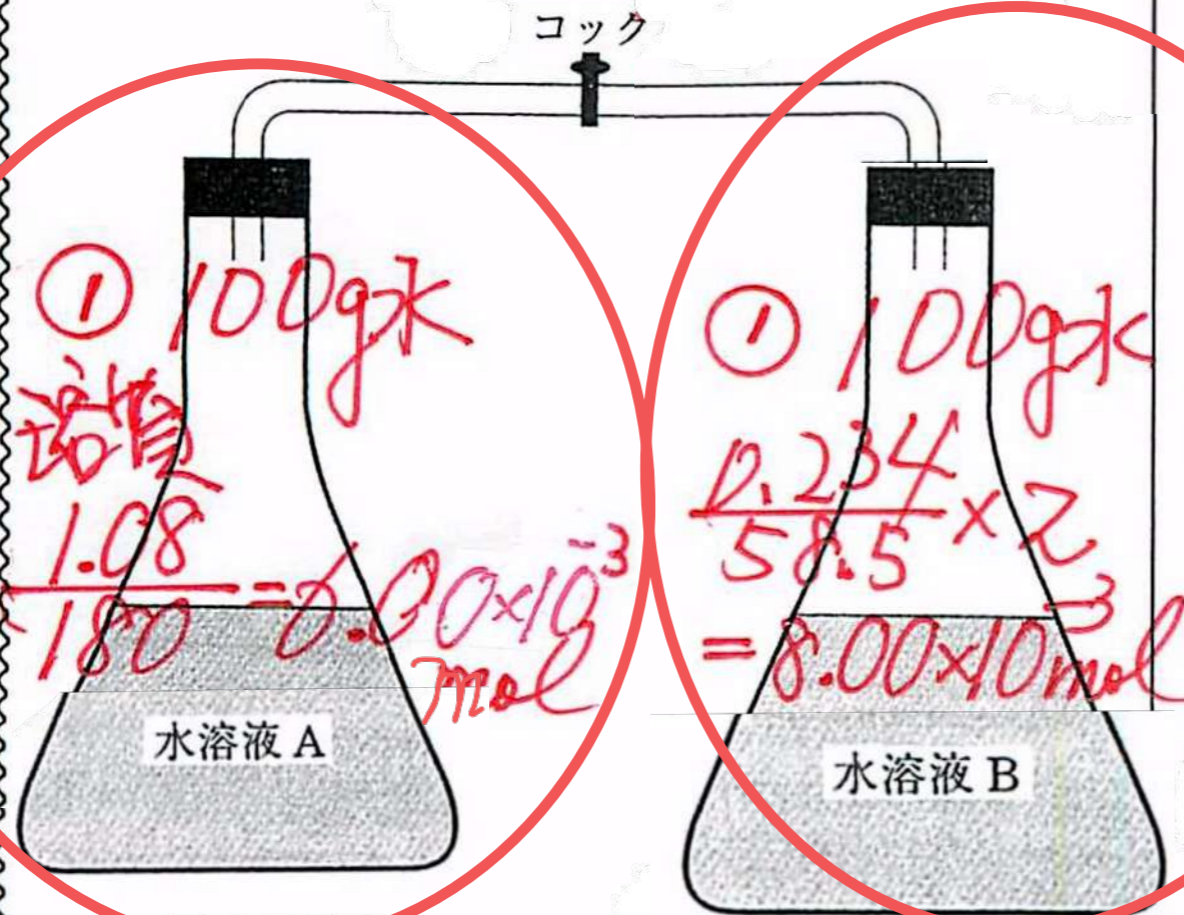


### 問3 溶媒の移動

- ① 溶媒は、濃度がより薄い方の溶液から、より濃い方の溶液に移動する。
- ② より薄い方は次第に濃度が濃くなり、より濃い方は次第に濃度が薄くなる。
- ③ やがて、濃度が等しくなると、溶媒の移動は観察されなくなる。

水の移動前

水の移動後



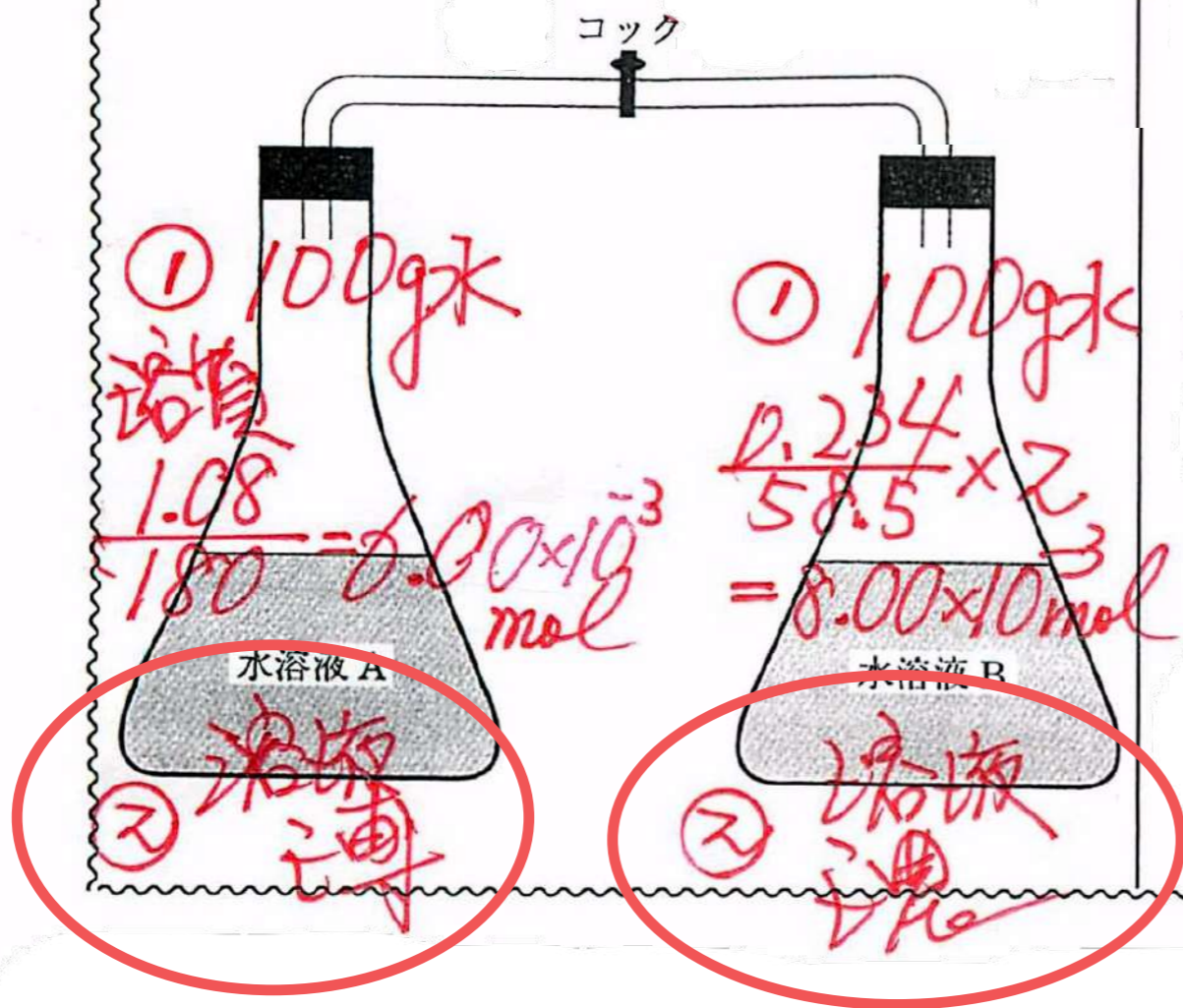
問3 (1) の解答 ; 水溶液 A

**問3 溶媒の移動**

- ① 溶媒は、濃度がより薄い方の溶液から、より濃い方の溶液に移動する。
- ② より薄い方は次第に濃度が濃くなり、より濃い方は次第に濃度が薄くなる。
- ③ やがて、濃度が等しくなると、溶媒の移動は観察されなくなる。

水の移動前

水の移動後



問3 (1) の解答 ; 水溶液 A

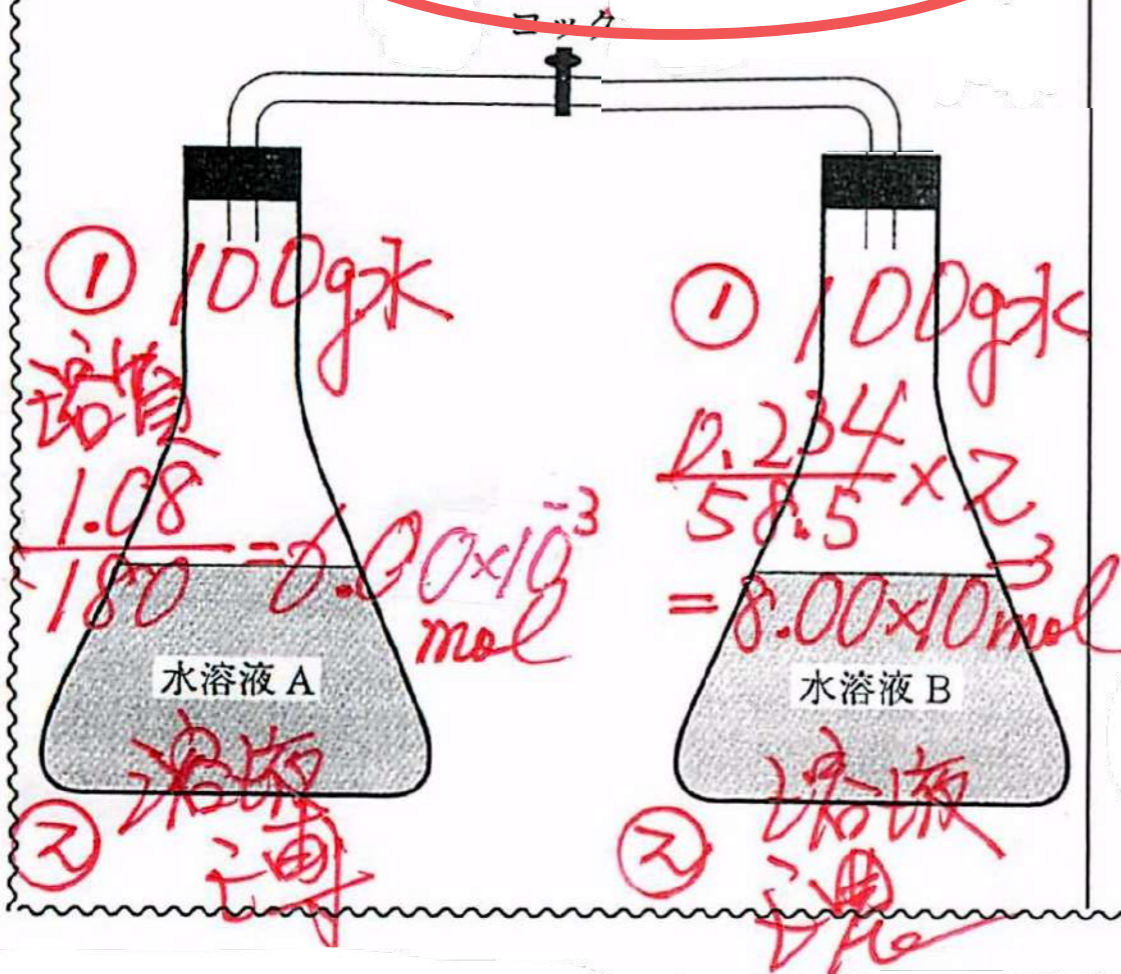
**問3 溶媒の移動**

- ① 溶媒は、濃度がより薄い方の溶液から、より濃い方の溶液に移動する。
- ② より薄い方は次第に濃度が濃くなり、より濃い方は次第に濃度が薄くなる。
- ③ やがて、濃度が等しくなると、溶媒の移動は観察されなくなる。

水の移動前

③ 蒸気圧 A > B

水の移動後



問3 (1) の解答 ; 水溶液 A



**問3 溶媒の移動**

- ① 溶媒は、濃度がより薄い方の溶液から、より濃い方の溶液に移動する。
- ② より薄い方は次第に濃度が濃くなり、より濃い方は次第に濃度が薄くなる。
- ③ やがて、濃度が等しくなると、溶媒の移動は観察されなくなる。

水の移動前

水の移動後



問3 (1) の解答 ; 水溶液 A

### 問3 溶媒の移動

- ① 溶媒は、濃度がより薄い方の溶液から、より濃い方の溶液に移動する。
- ② より薄い方は次第に濃度が濃くなり、より濃い方は次第に濃度が薄くなる。
- ③ やがて、濃度が等しくなると、溶媒の移動は観察されなくなる。

水の移動前

③ 蒸気圧  $A > B$

④ コック 水の移動  $A \rightarrow B$

水の移動後

① 100g 水  
溶質 1.08  
 $\frac{1.08}{180} = 6.00 \times 10^{-3} \text{ mol}$   
水溶液 A  
溶媒 薄

① 100g 水  
溶質  $\frac{1.234}{58.5} \times 2$   
 $= 8.00 \times 10^{-3} \text{ mol}$   
水溶液 B  
溶媒 濃

① 水 100- $\lambda$ g  
溶質  $6.00 \times 10^{-3} \text{ mol}$   
水溶液 A

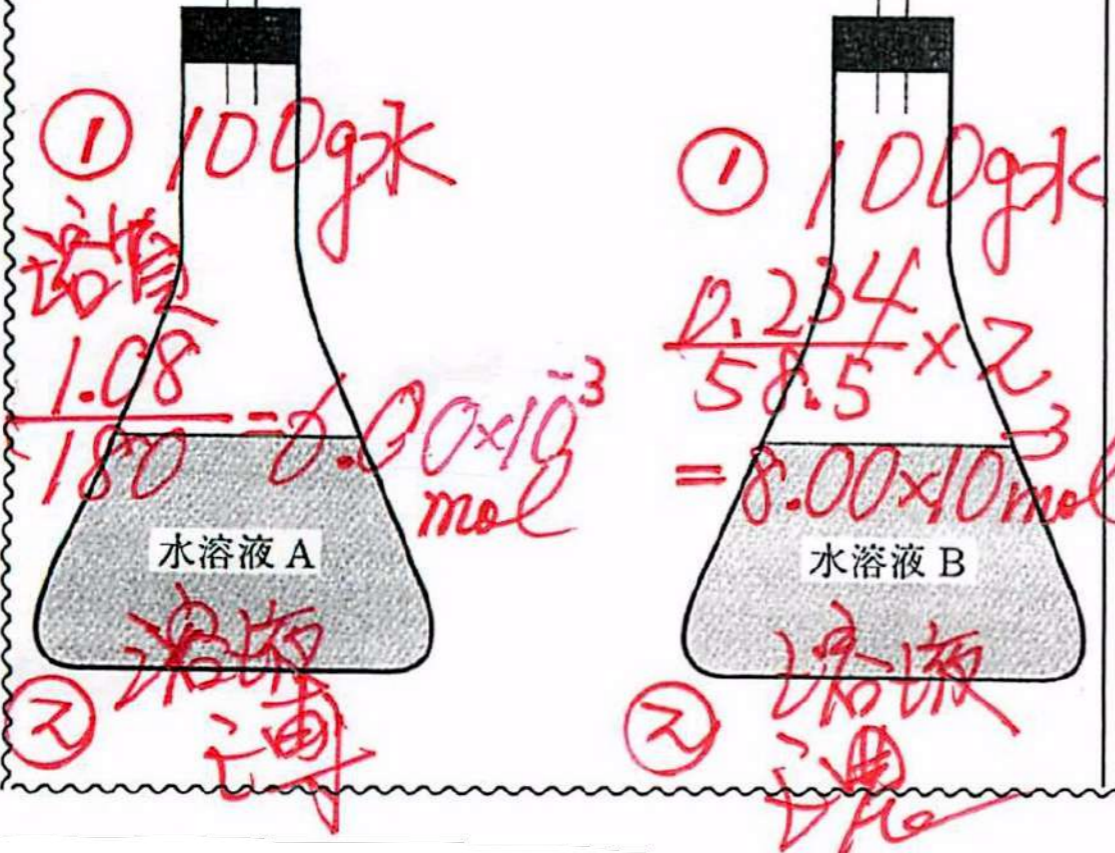
問3 (1) の解答 ; 水溶液 A

**問3 溶媒の移動**

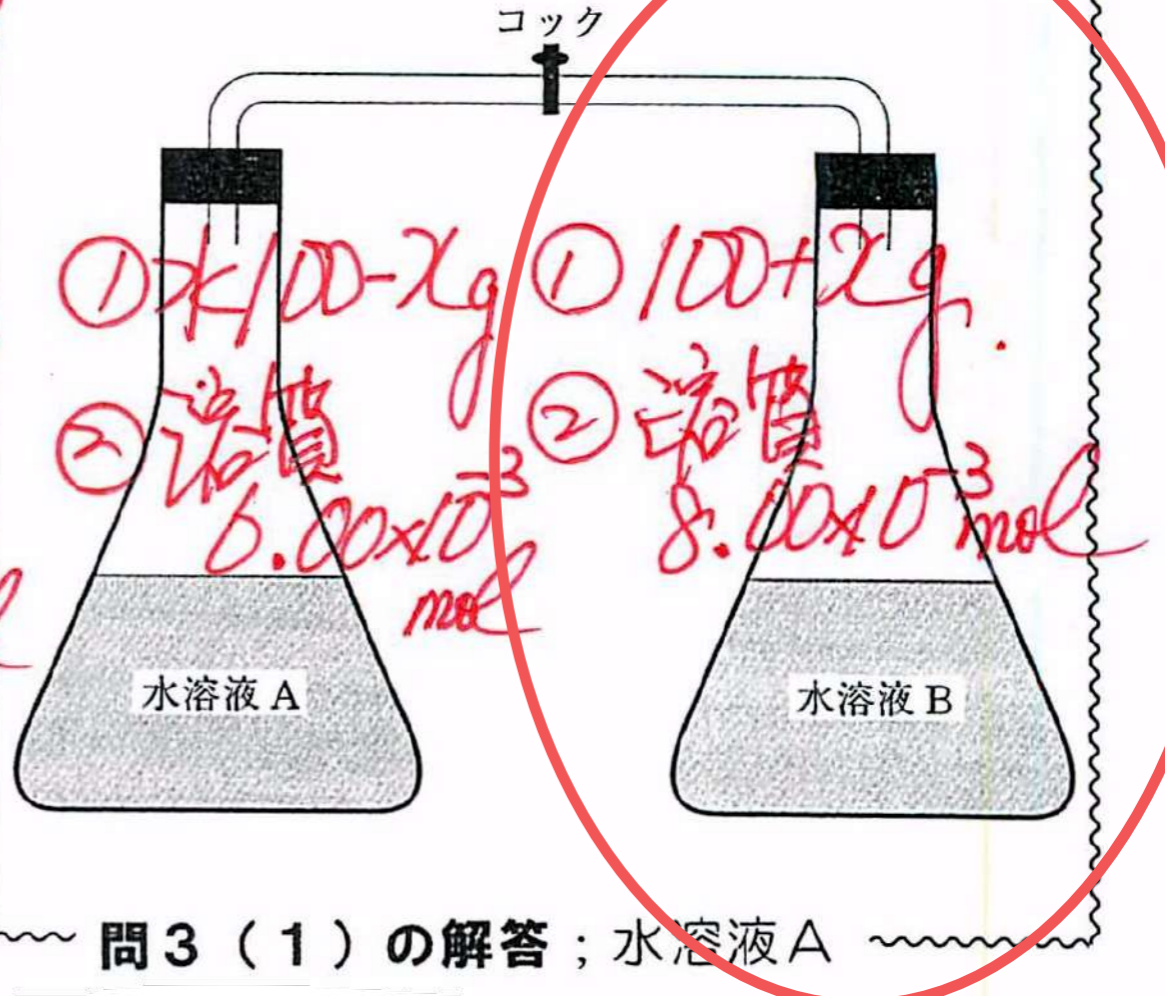
- ① 溶媒は、濃度がより薄い方の溶液から、より濃い方の溶液に移動する。
- ② より薄い方は次第に濃度が濃くなり、より濃い方は次第に濃度が薄くなる。
- ③ やがて、濃度が等しくなると、溶媒の移動は観察されなくなる。

水の移動前

③ 蒸気圧  $A > B$   
 ④ コック 水の移動  $A \rightarrow B$



水の移動後



問3 (1) の解答 ; 水溶液 A

③ やがて、濃度が等しくなると、溶媒の移動は観察されなくなる。

水の移動前

③ 蒸気圧 A > B

④ コック 水の移動 A → B

① 100g 水  
溶質 1.08  
 $\frac{1.08}{180} = 6.00 \times 10^{-3}$  mol  
水溶液 A

② 溶媒 薄

① 100g 水  
溶質  $\frac{0.234}{58.5} \times 2$   
 $= 8.00 \times 10^{-3}$  mol  
水溶液 B

② 溶媒 濃

水の移動後

① 水 100-x g  
② 溶質  $6.00 \times 10^{-3}$  mol  
水溶液 A

① 100+x g  
② 溶質  $8.00 \times 10^{-3}$  mol  
水溶液 B

問3 (1) の解答 ; 水溶液 A

### 問3 の計算

移動した水の質量を  $x$  g とおくと、両水溶液の濃度 (質量モル濃度) には、  
水溶液 A (グルコース水溶液) の濃度 = 水溶液 B (NaCl 水溶液) の濃度 (電離を考慮)  
の関係がある。

$$\frac{\text{溶質 (mol)}}{\text{溶媒 (g)}} = \frac{6.00 \times 10^{-3}}{\frac{100-x}{1000}}$$

問3 (2) の解答 ; 86.8 g

③ やがて、濃度が等しくなると、溶媒の移動は観察されなくなる。

水の移動前

③ 蒸気圧 A > B

④ コック 水の移動 A → B

① 100g 水  
溶質 1.08  
 $\frac{1.08}{180} = 6.00 \times 10^{-3} \text{ mol}$   
水溶液 A  
② 溶媒 薄

① 100g 水  
溶質  $\frac{0.234}{58.5} \times 2$   
 $= 8.00 \times 10^{-3} \text{ mol}$   
水溶液 B  
② 溶液 濃

水の移動後

① 水 100-x g  
② 溶質  $6.00 \times 10^{-3} \text{ mol}$   
水溶液 A  
① 100+x g  
② 溶質  $8.00 \times 10^{-3} \text{ mol}$   
水溶液 B

問3 (1) の解答 ; 水溶液 A

問3 の計算

移動した水の質量を  $x$  g とおくと、両水溶液の濃度 (質量モル濃度) には、  
水溶液 A (グルコース水溶液) の濃度 = 水溶液 B (NaCl 水溶液) の濃度 (電離を考慮)  
の関係がある。

$$\frac{\text{溶質 (mol)}}{\text{溶媒 (g)}} = \frac{6.00 \times 10^{-3}}{\frac{100-x}{1000}}$$

$$\frac{8.00 \times 10^{-3}}{\frac{100+x}{1000}}$$

問3 (2) の解答 ; 86.8 g

③ やがて、濃度が等しくなると、溶媒の移動は観察されなくなる。

水の移動前

③ 蒸気圧 A > B

④ コック 水の移動 A → B

① 100g 水  
溶質 1.08  
 $\frac{1.08}{180} = 6.00 \times 10^{-3} \text{ mol}$   
水溶液 A  
② 溶媒 薄

① 100g 水  
 $\frac{1.234}{58.5} \times 2$   
 $= 8.00 \times 10^{-3} \text{ mol}$   
水溶液 B  
② 溶液 濃

水の移動後

① 水 100+x g  
② 溶質  $6.00 \times 10^{-3} \text{ mol}$   
水溶液 A

① 100+x g  
② 溶質  $8.00 \times 10^{-3} \text{ mol}$   
水溶液 B

問3 (1) の解答 ; 水溶液 A

問3 の計算

移動した水の質量を  $x$  g とおくと、両水溶液の濃度 (質量モル濃度) には、  
水溶液 A (グルコース水溶液) の濃度 = 水溶液 B (NaCl 水溶液) の濃度 (電離を考慮)  
の関係がある。

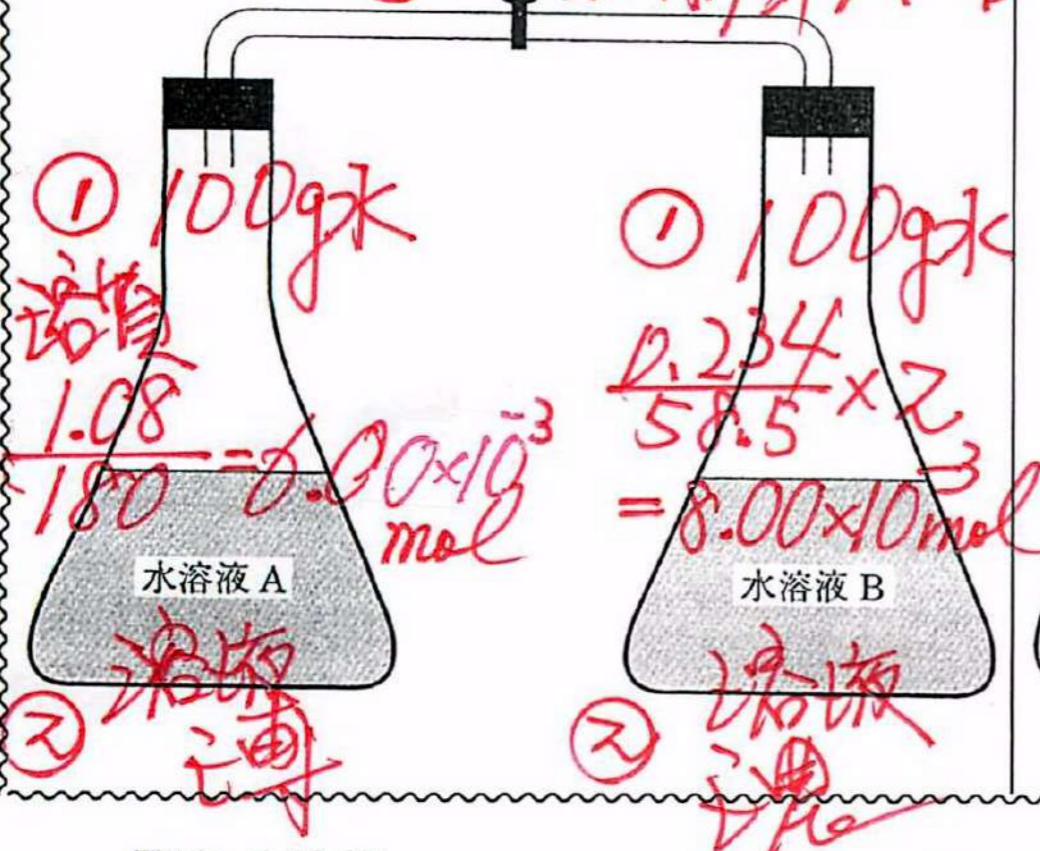
$$\frac{\text{溶質 (mol)}}{\text{溶媒 (g)}} = \frac{6.00 \times 10^{-3}}{\frac{100-x}{1000}} = \frac{8.00 \times 10^{-3}}{\frac{100+x}{1000}}$$

問3 (2) の解答 ; 86.8 g

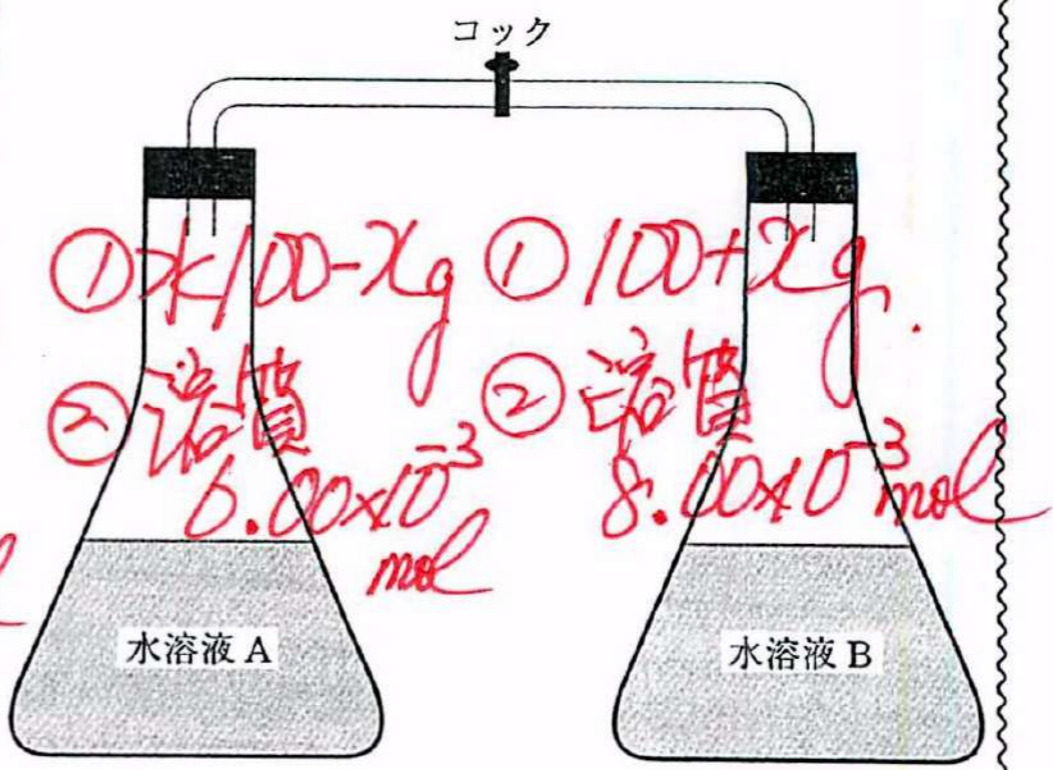
③ やがて、濃度が等しくなると、溶媒の移動は観察されなくなる。

水の移動前

③ 蒸気圧 A > B  
④ コック 水の移動 A → B



水の移動後



問3 (1) の解答 ; 水溶液 A

問3 の計算

移動した水の質量を  $x$  g とおくと、両水溶液の濃度 (質量モル濃度) には  
 水溶液 A (グルコース水溶液) の濃度 = 水溶液 B (NaCl 水溶液) の濃度 (電離を考慮)  
 の関係がある。

$$\frac{\text{溶質 (mol)}}{\text{溶媒 (kg)}} = \frac{6.00 \times 10^{-3}}{\frac{100-x}{1000}} = \frac{8.00 \times 10^{-3}}{\frac{100+x}{1000}}$$

$\therefore x = \frac{100}{7} = 14.28 \text{ g}$

問3 (2) の解答 ; 86.8 g

### 問3の計算

移動した水の質量を  $x$  g とおくと、両水溶液の濃度（質量モル濃度）には、  
 水溶液A(グルコース水溶液)の濃度 = 水溶液B(NaCl水溶液)の濃度(電離を考慮)  
 の関係がある。

$$\frac{\text{溶質}(\text{mol})}{\text{溶媒}(\text{kg})} = \frac{6.00 \times 10^{-3}}{\frac{100-x}{1000}} = \frac{8.00 \times 10^{-3}}{\frac{100+x}{1000}} \quad \therefore x = \frac{100}{7} = 14.28 \text{ g}$$


問3(2)の解答 ; 86.8 g

注 ; 水溶液Aの重さ(g) =  $100 + 1.08 - 100 \div 7 = 86.79$  (g)





## 7行目~16行目 沸点上昇

沸点上昇度 $\Delta t_b$ と質量モル濃度 $m$ との関係は？ 

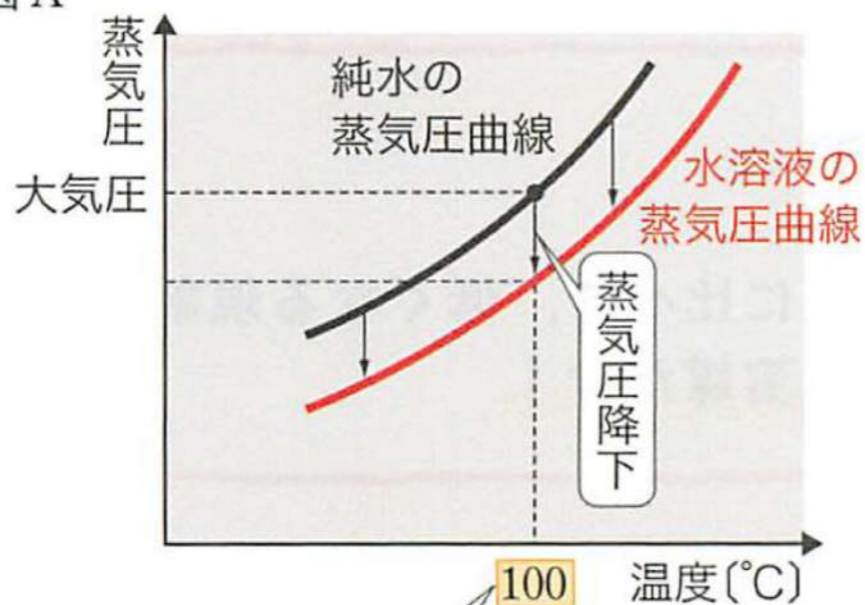
希薄溶液（溶質は不揮発性）において、次の比例式が成立する。

$$\Delta t_b = K_b m \quad K_b : \text{モル沸点上昇}$$

ただし、 $m$ には、電離や会合の効果を考慮する必要がある！

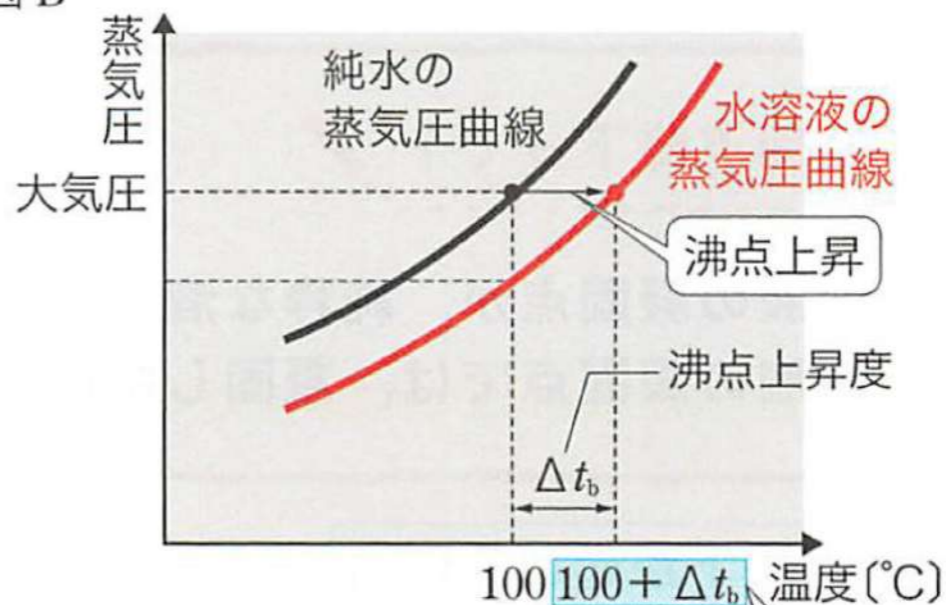
次ページ参照

図 A



この温度で、純水の蒸気圧はちょうど大気圧に達するが、水溶液の蒸気圧はまだ大気圧に達していない。よって、この温度は、純水の沸点であるが、水溶液にとっては沸点前の温度である。

図 B



この温度で、水溶液の蒸気圧もちょうど大気圧に達する。よって、この温度が水溶液の沸点であり、純水の沸点との差 ( $\Delta t_b$  (K)) を沸点上昇度という。

**沸点上昇度  $\Delta t_b$  と質量モル濃度  $m$  との関係は？**

希薄溶液（溶質は不揮発性）において、次の比例式が成立する。


$$\Delta t_b = K_b m \quad K_b : \text{モル沸点上昇}$$

比例定数

ただし、 $m$  には、電離や会合の効果を考慮する必要がある！

後述する

**7行目~16行目** 沸点上昇

沸点上昇度  $\Delta t_b$  と質量モル濃度  $m$  との関係は？ 

希薄溶液（溶質は不揮発性）において、次の比例式が成立する。

$$\Delta t_b = K_b m \quad K_b: \text{モル沸点上昇}$$

ただし、 $m$  には、~~電離や会合の効果~~を考慮する必要がある！

問1の計算

$\text{NaCl} \rightarrow \text{Na}^+ + \text{Cl}^-$

$$\Delta t_b = 0.52 \times 0.10 \times \textcircled{2} = 0.104 \text{ } ^\circ\text{C}$$

問1の解答 ; 0.10 °C

## 17行目～最終行 凝固点降下

凝固点降下度  $\Delta t_f$  と質量モル濃度  $m$  との関係は？ 

---

希薄溶液（溶質は不揮発性）において、次の比例式が成立する。

$$\Delta t_f = K_f m \quad K_f: \text{モル凝固点降下}$$

ただし、 $m$  には、電離や会合の効果を考慮する必要がある！

沸点上昇，凝固点降下を利用した分子量測定法って？


電離も会合もしない溶質  $w$  (g) を溶媒  $W$  (g) に溶かし，その溶液の沸点上昇度  $\Delta t_b$ ，または，凝固点降下度  $\Delta t_f$  を測定すれば，③式，④式，または，次式によって，溶質の分子量  $M$  を求めることができる。

$$M = \frac{1000K_b w}{\Delta t_b W}, \quad M = \frac{1000K_f w}{\Delta t_f W}$$

ただし，この分子量測定法は，高分子量の測定には適さない。

凝固点降下度について  $\Delta t_f = K_f m$

質量モル濃度  $m = \frac{\text{溶質の物質質量 (mol)}}{\text{溶媒の質量 (kg)}} = \frac{\frac{w}{M}}{\frac{W}{1000}} = \frac{w}{M} \times \frac{1000}{W}$

沸点上昇, 凝固点降下を利用した分子量測定法って? 

電離も会合もしない溶質  $w$  (g) を溶媒  $W$  (g) に溶かし, その溶液の沸点上昇度  $\Delta t_b$ , または, 凝固点降下度  $\Delta t_f$  を測定すれば, ③式, ④式, または, 次式によって, 溶質の分子量  $M$  を求めることができる。

$$M = \frac{1000K_b w}{\Delta t_b W}, \quad M = \frac{1000K_f w}{\Delta t_f W}$$


ただし, この分子量測定法は, 高分子量の測定には適さない。

問2(1)の計算

$$M = \frac{1000 \times 1.85 \times 2.4}{0.74 \times 100} = 60$$

問2(1)の解答; 60

**17行目～最終行 凝固点降下**

凝固点降下度 $\Delta t_f$ と質量モル濃度 $m$ との関係は？ 

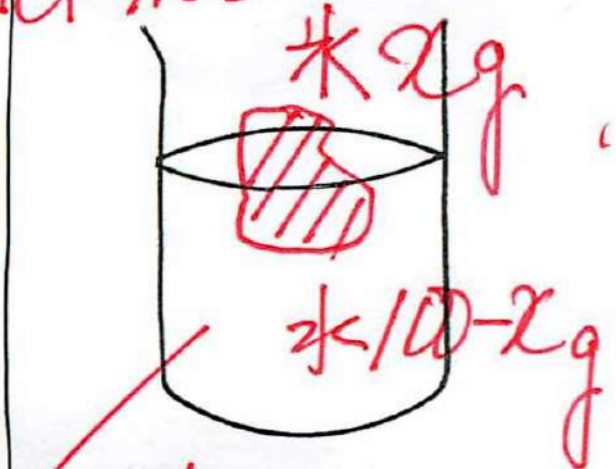
希薄溶液（溶質は不揮発性）において、次の比例式が成立する。

$$\Delta t_f = K_f m \quad K_f: \text{モル凝固点降下}$$

ただし、 $m$ には、電離や会合の効果を考慮する必要がある！

問2(2)の計算

$$\Delta t_f = 1.00$$




ここでは、問2(1)で求まる分子量 (=60) を用いる。

問2(2)の解答 ; 26 g

X 2.4g  
分子量 M  
(M=60) ←

**17行目~最終行 凝固点降下**

凝固点降下度 $\Delta t_f$ と質量モル濃度 $m$ との関係は？ 

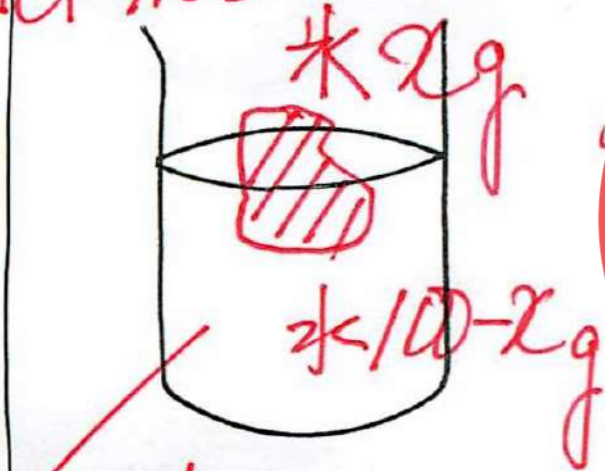
希薄溶液（溶質は不揮発性）において、次の比例式が成立する。

$$\Delta t_f = K_f m \quad K_f: \text{モル凝固点降下}$$

ただし、 $m$ には、電離や会合の効果を考慮する必要がある！

問2(2)の計算

$$\Delta t_f = 1.00$$



$$\Delta t_f = K_f m = K_f \times \frac{\text{溶質(mol)}}{\text{溶媒(kg)}}$$
$$1.00 = 1.85 \times \frac{\frac{2.4}{60}}{\frac{100-x}{1000}} \quad \therefore x = 26 \text{ g}$$

ここでは、問2(1)で求まる分子量 (=60) を用いる。

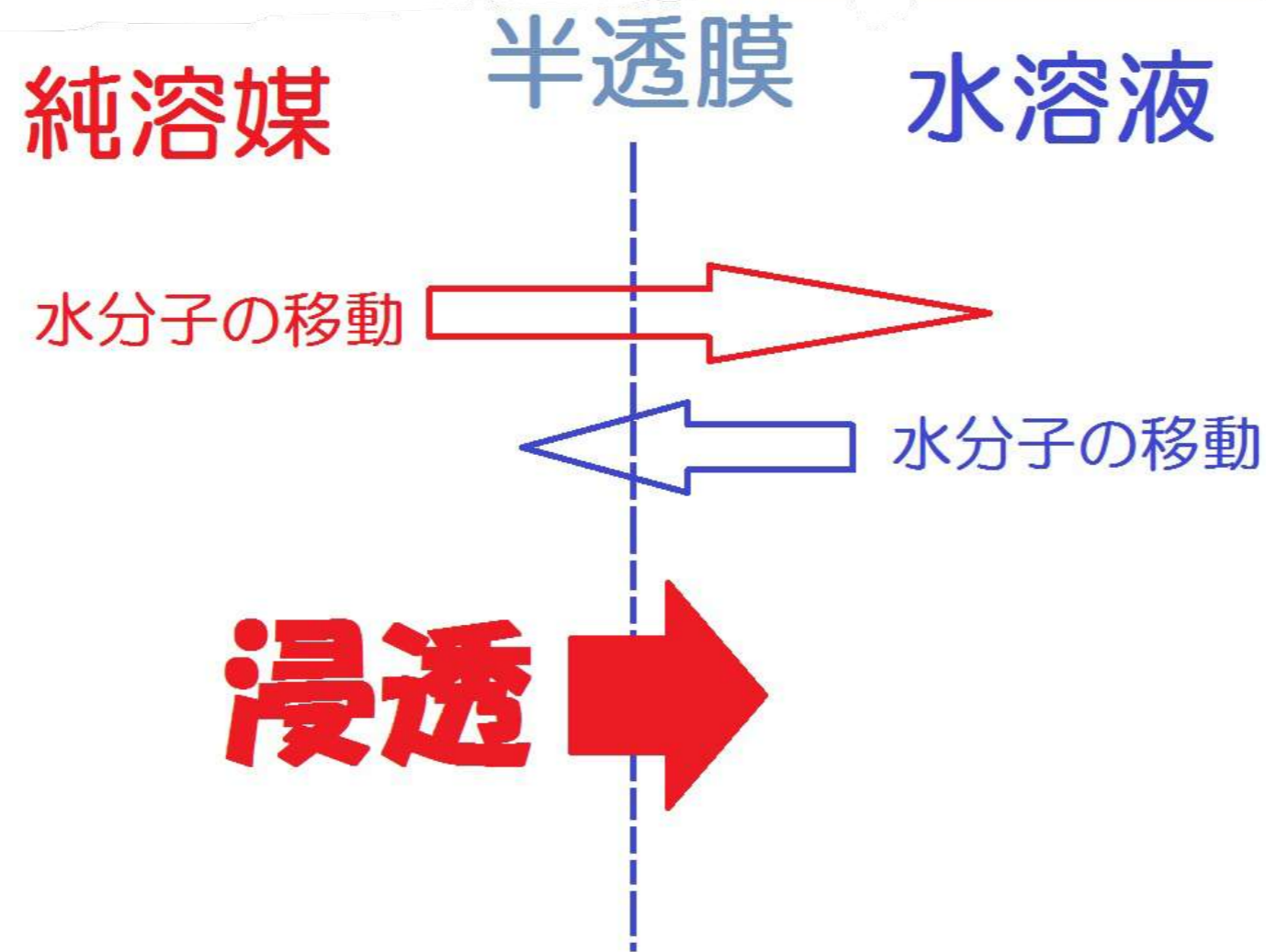
問2(2)の解答 ; 26 g

X 2.4g  
分子量  
(M=60) ←



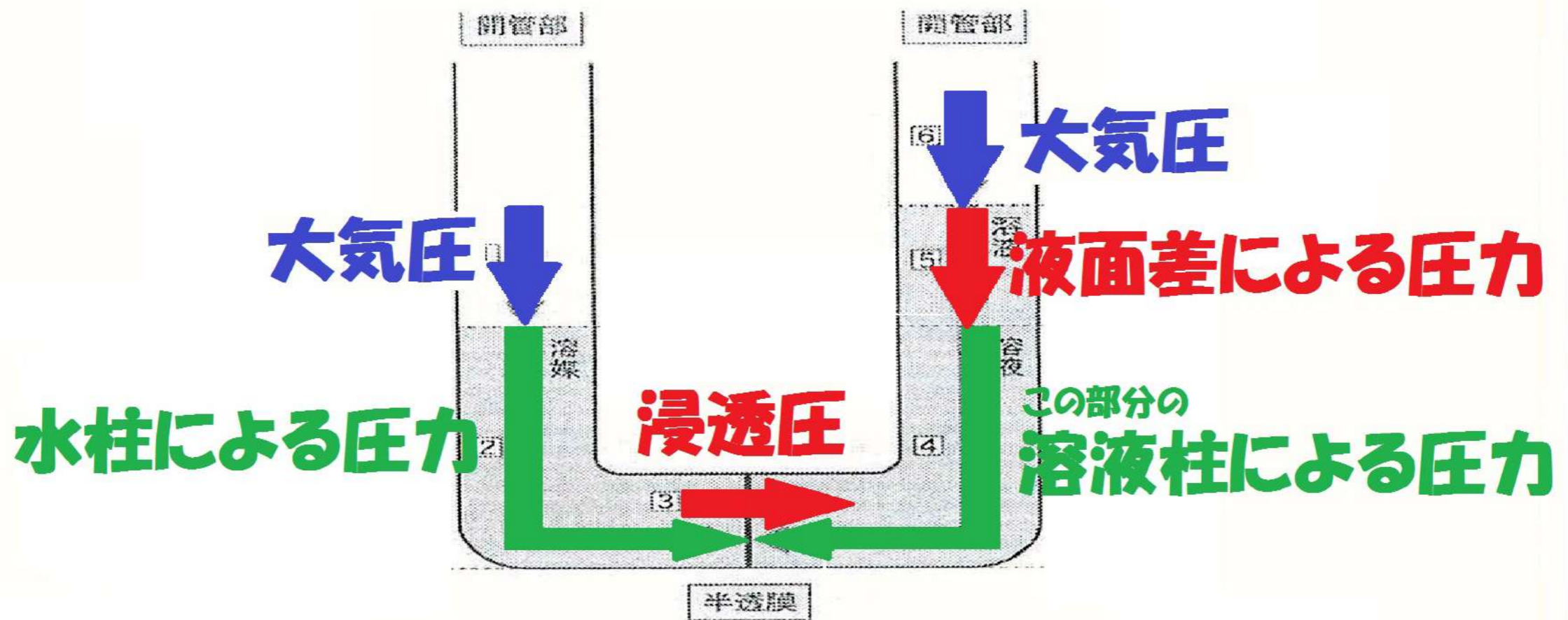
## 2-3 浸透圧 (岐阜薬科大学)

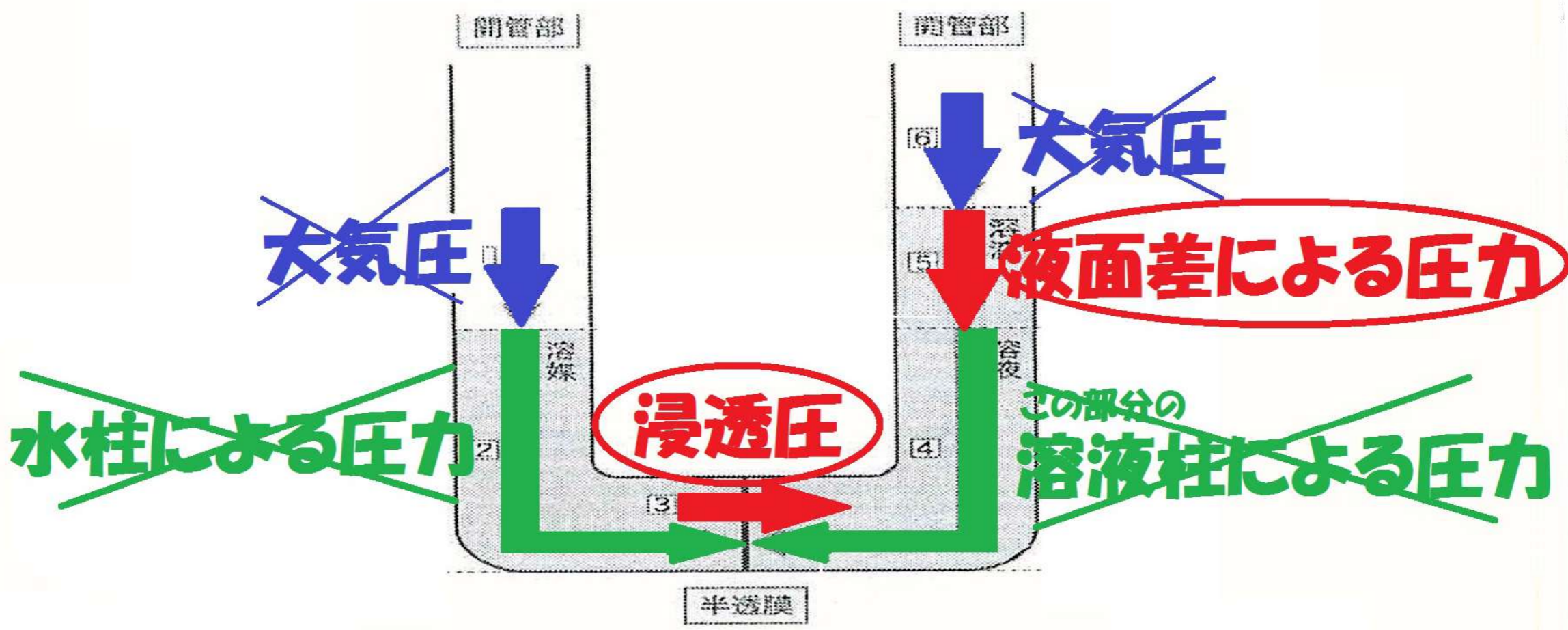
浸透という現象について、自分なりに納得できていますか？



# 液面差の示す圧力と浸透圧の釣り合い

について，自分なりに納得できていますか？





~~大気圧~~

~~大気圧~~

液面差による圧力

浸透圧

~~水柱による圧力~~

~~この部分の  
溶液柱による圧力~~

閉管部

閉管部

溶媒

溶液

半透膜

2

4

3

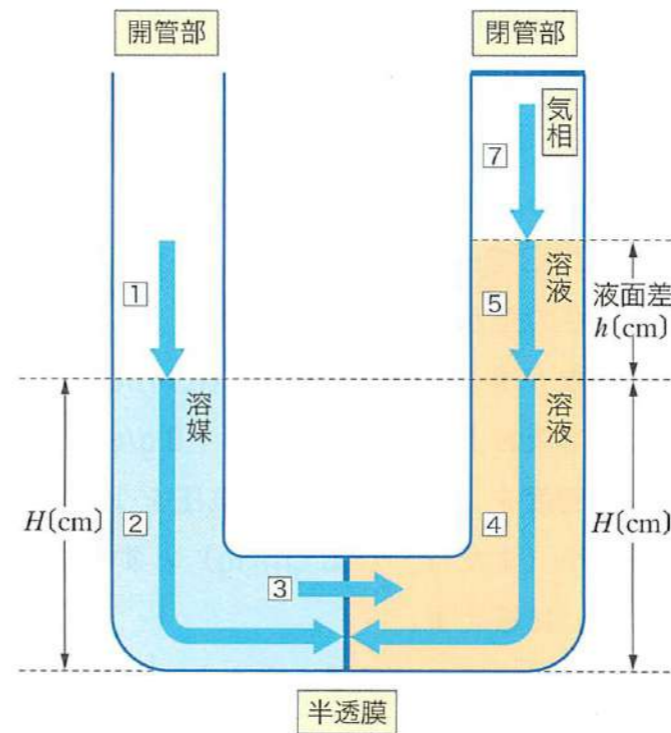
6

5

### ● 一端が開管, 他端が閉管の場合

右図は, 純溶媒と溶液を等しい高さに入れた後, 素早くU字管の一端を閉じて空気を閉じ込め, さらに長時間放置した後の様子です。前ページと同じ①～⑤以外に, 溶液側から気相の圧力 (⑦) がかかっています。①～⑤, ⑦の間には,  $①+②+③=④+⑤+⑦$  という関係がありますが,  $② \doteq ④$  より, 次式のように近似できます。

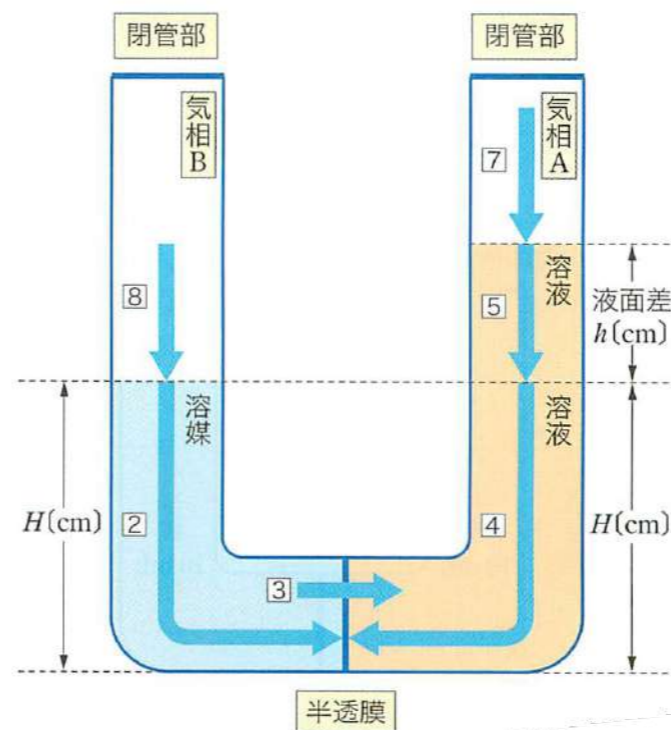
$$①+③ \doteq ⑤+⑦$$



### ● 両端が閉管の場合

右図は, 一端のみではなく, 両端を閉じて空気を閉じ込め, さらに長時間放置した後の様子です。前ページと同じ②～⑤以外に, 溶液側から気相 A の圧力 (⑦), 溶媒側から気相 B の圧力 (⑧) がかかっています。②～⑤, ⑦, ⑧の間には,  $⑧+②+③=④+⑤+⑦$  という関係がありますが,  $② \doteq ④$  より, 次式のように近似できます。

$$⑧+③ \doteq ⑤+⑦$$



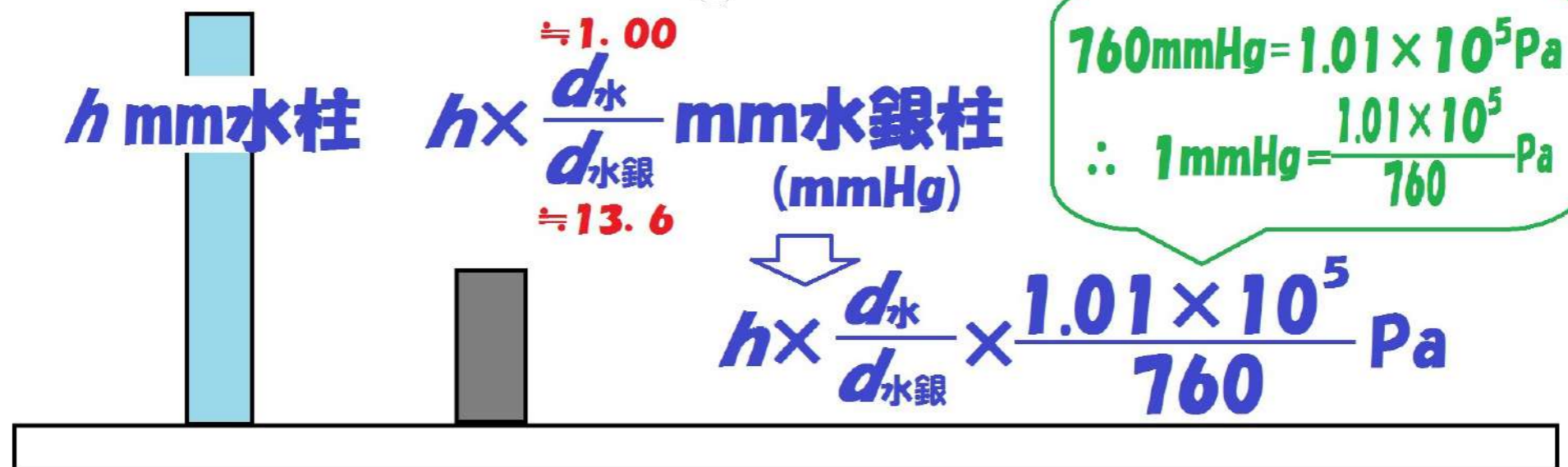
## 液面差を圧力に換算する式

について、自分なりに納得できていますか？

### 液面差を圧力に換算する式

$$\text{液面差の示す圧力 (Pa)} = h \text{ [mm]} \times \frac{\text{溶液の密度 (g/cm}^3\text{)}}{\text{水銀の密度 (g/cm}^3\text{)}} \times \frac{1.01 \times 10^5}{760} \quad 9.77h$$

$$\text{液面差の示す圧力 (Pa)} = h \text{ [cm]} \times \frac{\text{溶液の密度 (g/cm}^3\text{)}}{\text{水銀の密度 (g/cm}^3\text{)}} \times \frac{1.01 \times 10^5}{76} \quad 97.7h$$



高分子量の測定法としては、

凝固点降下法と浸透圧法は  
どちらが有利だと思いますか？

【凝固点降下法】

$$\Delta t_f = K_f \times \frac{w}{M} \times \frac{1000}{W} \Rightarrow M = \frac{1000 K_f w}{\Delta t_f W}$$

(凝固点降下法は高分子の分子量測定に不向き)

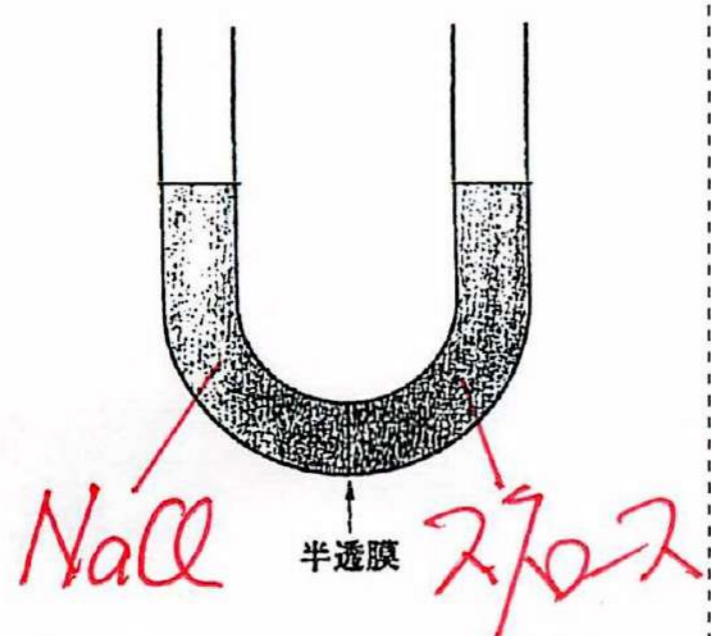
【浸透圧法】

$$\Pi V = \frac{w}{M} RT \Rightarrow M = \frac{wRT}{\Pi V}$$

高分子の分子量測定に利用できる。

## 2-3 浸透圧 (岐阜薬科大学)

### 【実験1の検討】



スクロースの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 8.3 \times 10^3 \times 300 = 2.49 \times 10^2 \text{ Pa 右向き}$$

NaClの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

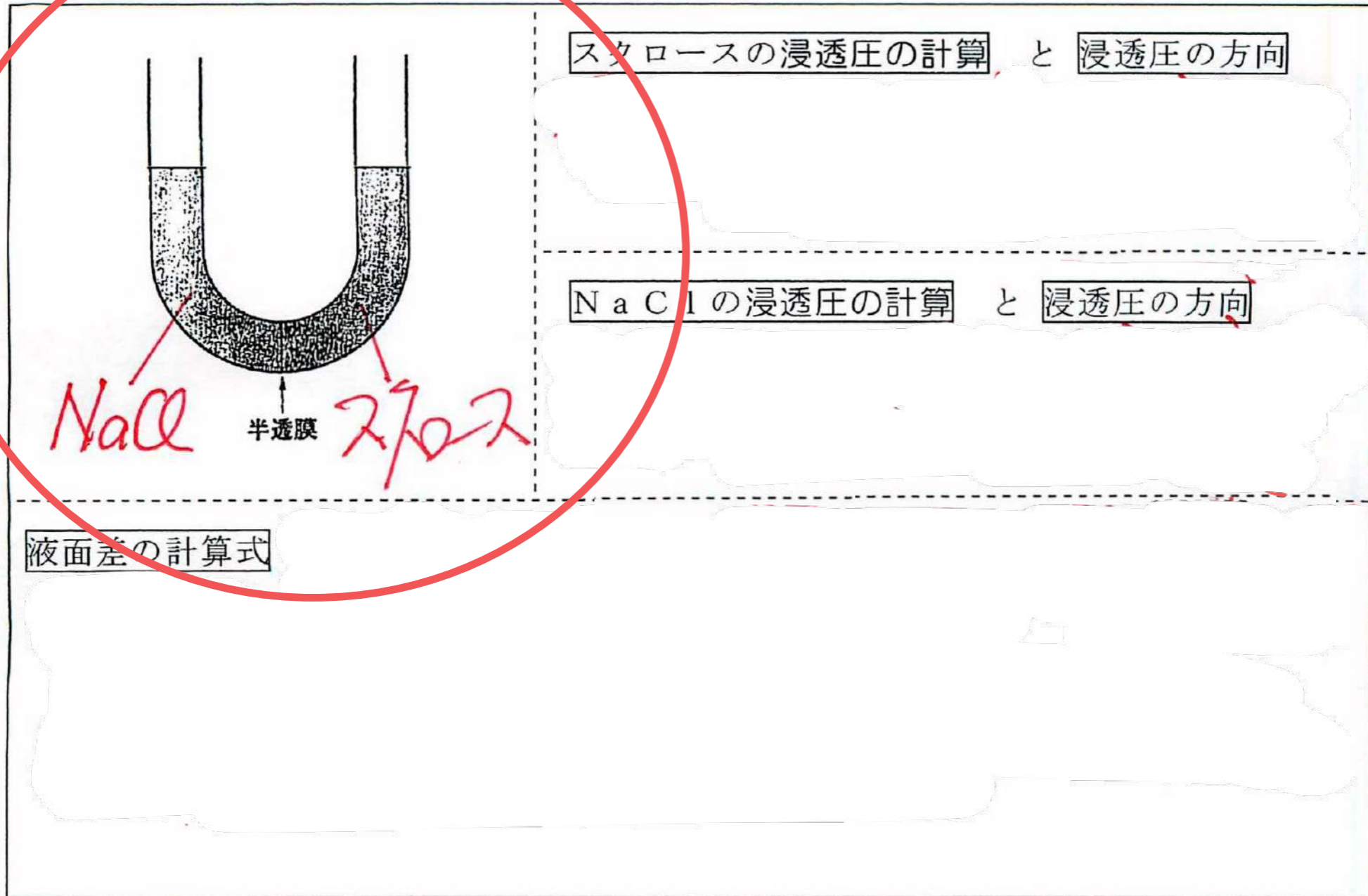
$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 2 \times 8.3 \times 10^3 \times 300 = 4.98 \times 10^2 \text{ Pa 左向き}$$

液面差の計算式

問1の解答 ; (1)  $5.0 \times 10^2 \text{ Pa}$ 、(2) 左側が2.5cm高い。

## 2-3 浸透圧 (岐阜薬科大学)

【実験】の検討



The diagram shows a U-tube with a semi-permeable membrane at the bottom. The left arm contains a NaCl solution and the right arm contains a sucrose solution. The liquid levels are higher on the left side. The membrane is labeled '半透膜' (semi-permeable membrane). Handwritten red labels 'NaCl' and 'スクロース' (sucrose) point to the respective arms. The diagram is divided into three sections by dashed lines:

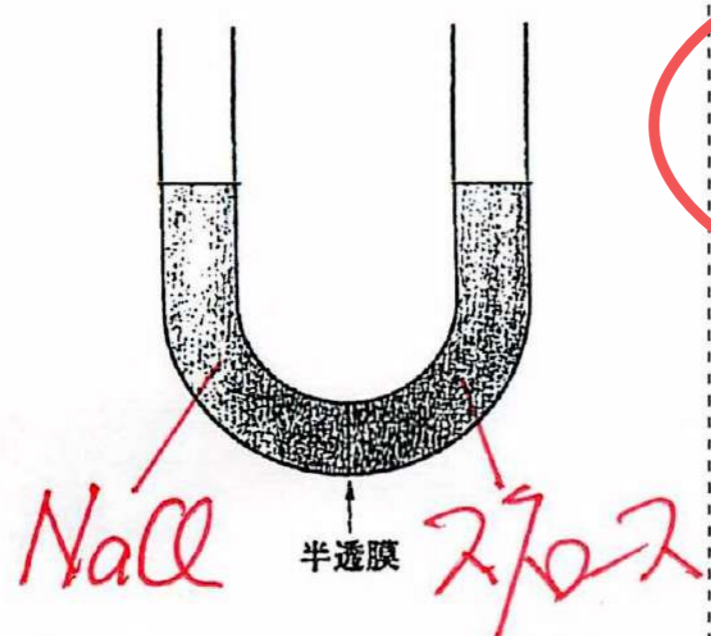
- Top section: スクロースの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向
- Middle section: NaClの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向
- Bottom section: 液面差の計算式

問1の解答 ; (1)  $5.0 \times 10^2 \text{ Pa}$ 、(2) 左側が2.5cm高い。



## 2-3 浸透圧 (岐阜薬科大学)

### 【実験1の検討】



スクロースの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 8.3 \times 10^3 \times 300 = 2.49 \times 10^2 \text{ Pa 右向き}$$

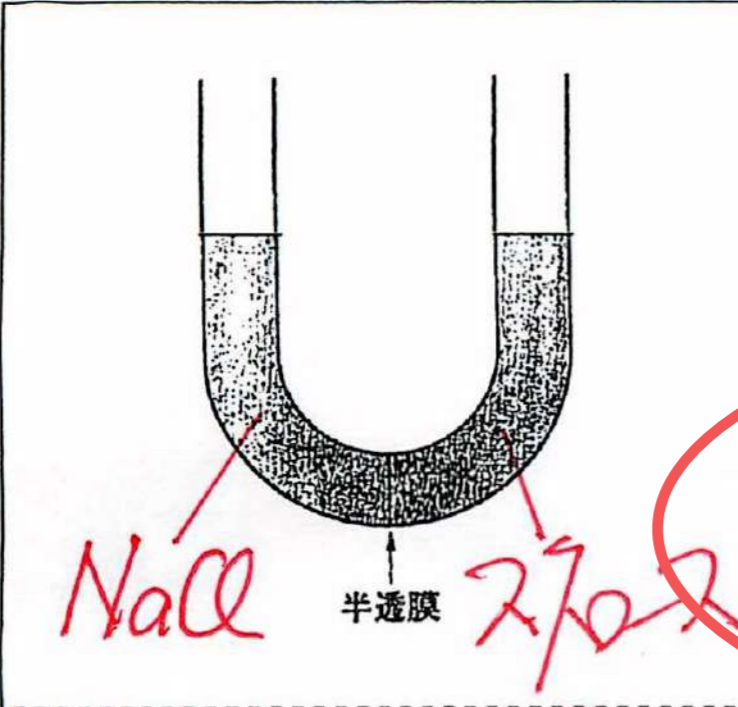
NaCl の浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

液面差の計算式

問1の解答 ; (1)  $5.0 \times 10^2 \text{ Pa}$ 、(2) 左側が2.5cm高い。

## 2-3 浸透圧 (岐阜薬科大学)

### 【実験1の検討】



スクロースの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 8.3 \times 10^3 \times 300 = 2.49 \times 10^2 \text{ Pa 右向き}$$

NaClの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 2 \times 8.3 \times 10^3 \times 300 = 4.98 \times 10^2 \text{ Pa 左向き}$$

液面差の計算式

問1の解答 ; (1)  $5.0 \times 10^2 \text{ Pa}$ 、(2) 左側が2.5cm高い。

## 2-3 浸透圧 (岐阜薬科大学)

### 【実験1の検討】

スクロースの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 8.3 \times 10^3 \times 300 = 2.49 \times 10^2 \text{ Pa 右向き}$$

NaClの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 2 \times 8.3 \times 10^3 \times 300 = 4.98 \times 10^2 \text{ Pa 左向き}$$

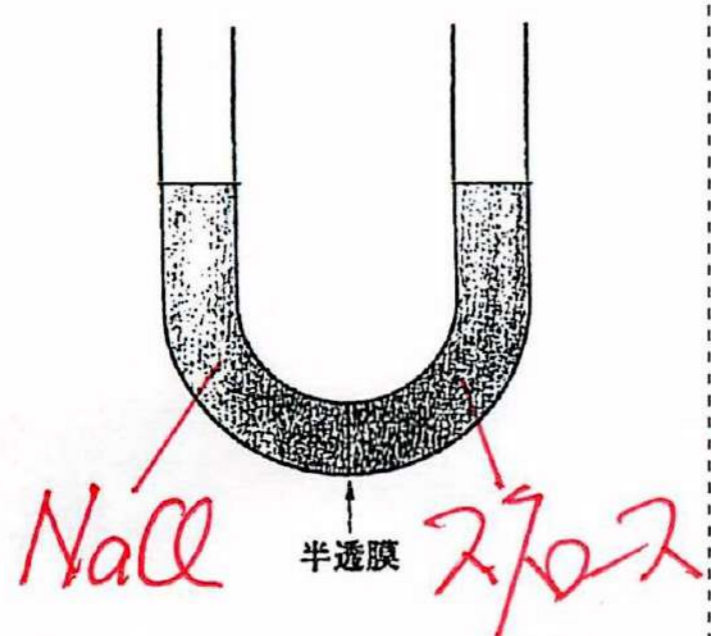
液面差の計算式

$$\text{液面差の示す圧力} = \text{浸透圧の差} = 4.98 \times 10^2 - 2.49 \times 10^2 = 2.49 \times 10^2 \text{ Pa}$$

問1の解答 ; (1)  $5.0 \times 10^2 \text{ Pa}$ 、(2) 左側が2.5cm高い。

## 2-3 浸透圧 (岐阜薬科大学)

### 【実験1の検討】



スクロースの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 8.3 \times 10^3 \times 300 = 2.49 \times 10^2 \text{ Pa} \text{ 右向き}$$


---

NaClの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 2 \times 8.3 \times 10^3 \times 300 = 4.98 \times 10^2 \text{ Pa} \text{ 左向き}$$


---

液面差の計算式

~~液面差の計算式 = 浸透圧の差 =  $4.98 \times 10^2 - 2.49 \times 10^2 = 2.49 \times 10^2 \text{ Pa}$~~

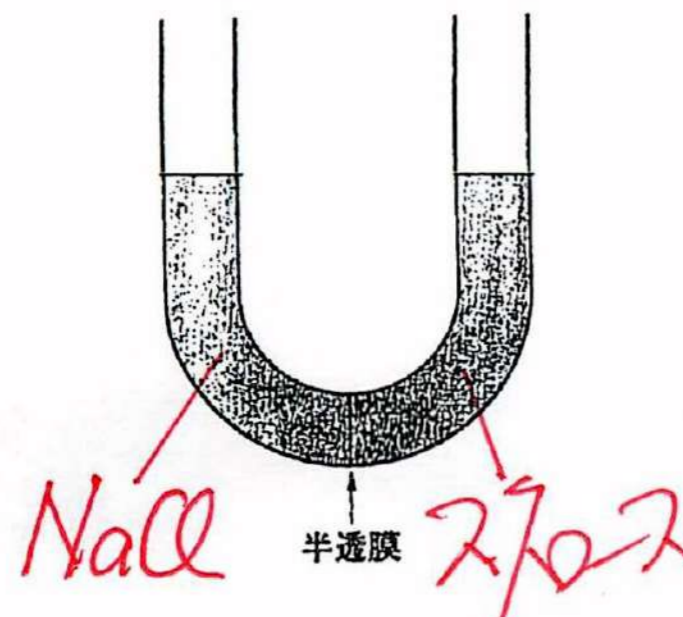
$$\text{浸透圧 (Pa)} = \text{液面差 (mm)} \times \frac{1.0}{13.6} \times \frac{1.01 \times 10^5}{760}$$

$$2.49 \times 10^2 = x \times \frac{1.0}{13.6} \times \frac{1.01 \times 10^5}{760} \therefore x = 25.4 \text{ mm}$$

問1の解答 ; (1)  $5.0 \times 10^2 \text{ Pa}$ 、(2) 左側が2.5cm高い。

## 2-3 浸透圧 (岐阜薬科大学)

### 【実験1の検討】



スクロースの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 8.3 \times 10^3 \times 300 = 2.49 \times 10^2 \text{ Pa} \text{ 右向き}$$


---

NaClの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 2 \times 8.3 \times 10^3 \times 300 = 4.98 \times 10^2 \text{ Pa} \text{ 左向き}$$


---

液面差の計算式

液面差の示す圧力 = 浸透圧の差 =  $4.98 \times 10^2 - 2.49 \times 10^2 = 2.49 \times 10^2 \text{ Pa}$

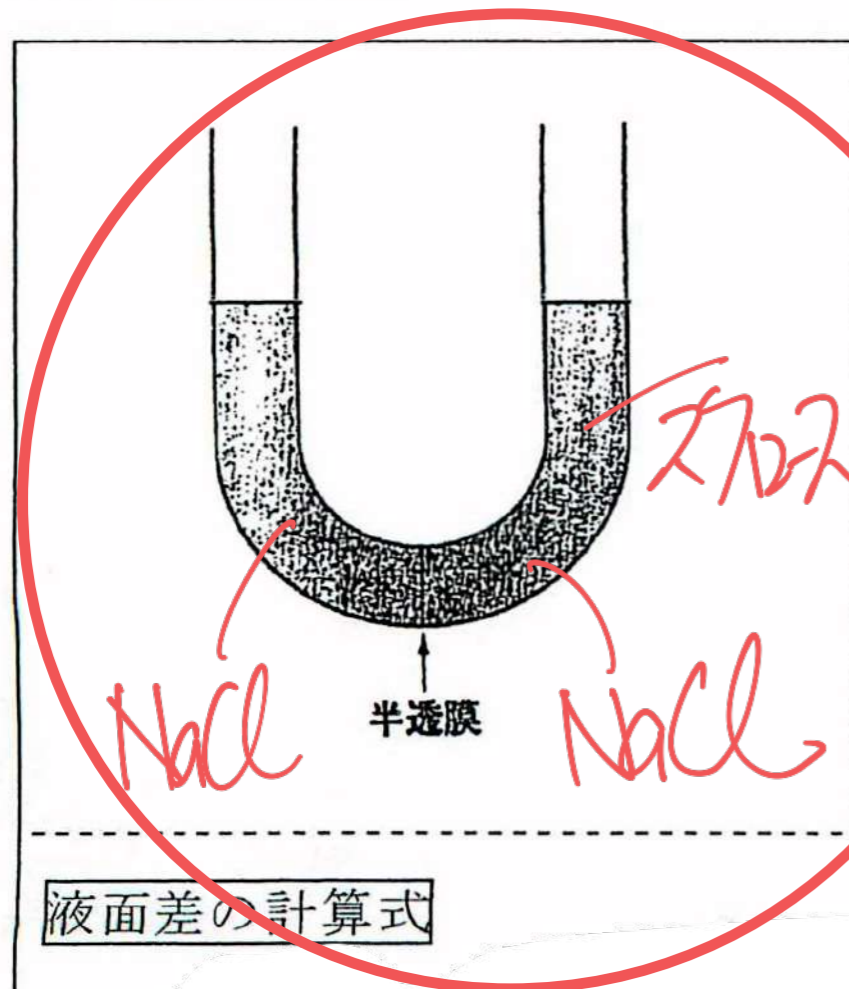
$$\text{浸透圧 (Pa)} = \text{液面差 (mm)} \times \frac{1.0}{13.6} \times \frac{1.01 \times 10^5}{760}$$

$$2.49 \times 10^2 = x \times \frac{1.0}{13.6} \times \frac{1.01 \times 10^5}{760} \therefore x = 25.4 \text{ mm}$$

$$2.49 \times 10^2 = 9.77x \quad \therefore x = 25.4 (\text{mm})$$

問1の解答 ; (1)  $5.0 \times 10^2 \text{ Pa}$ 、(2) 左側が2.5cm高い。

【実験2の検討】



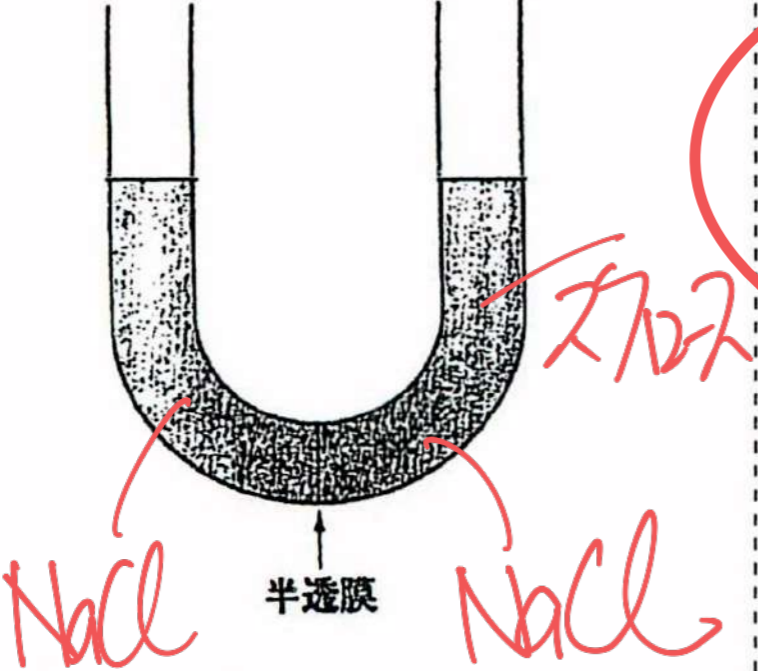
スクロースの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

NaClの浸透圧の計算

液面差の計算式

問2の解答；右側が2.5cm高い。

【実験2の検討】



スクロースの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 0.3 \times 10^3 \times 300 = 2.49 \times 10^2 \text{ Pa}$$

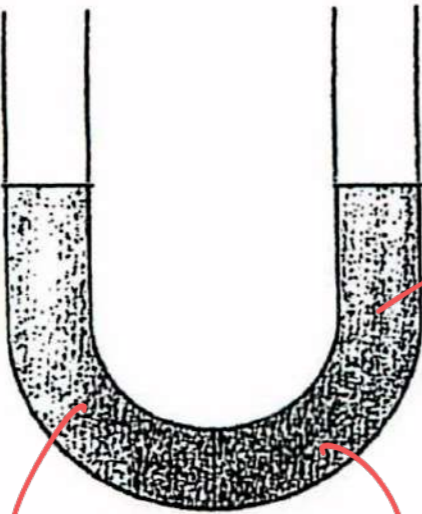
右向き

NaClの浸透圧の計算

液面差の計算式

問2の解答；右側が2.5cm高い。

【実験2の検討】



NaCl

NaCl

半透膜

2.5cm

スクロースの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 0.3 \times 10^3 \times 300 = 2.49 \times 10^2 \text{ Pa}$$

右向き

NaClの浸透圧の計算

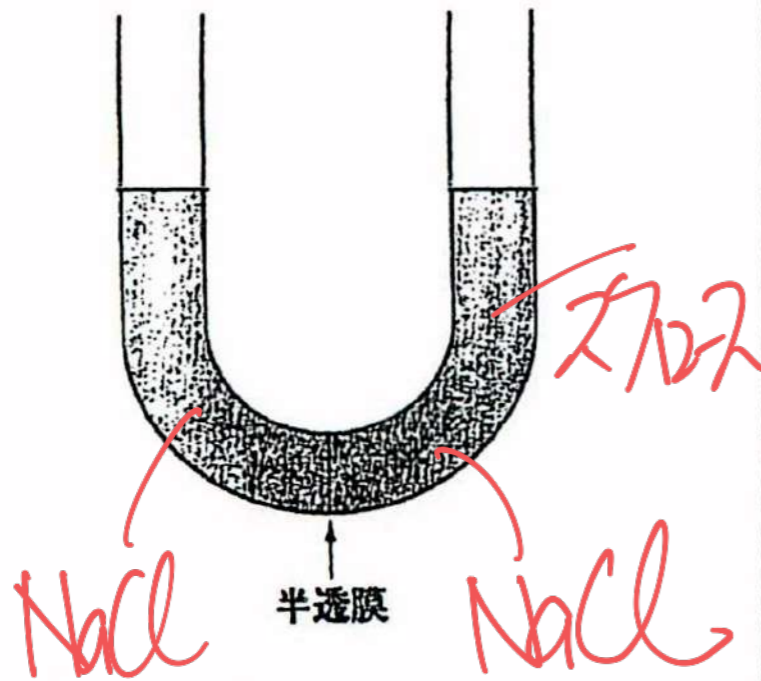
両側には濃度差はなく  
浸透圧は働かない。

液面差の計算式

問2の解答；右側が2.5cm高い。



【実験2の検討】



スクロースの浸透圧の計算 と 浸透圧の方向

$$\pi = CRT = 1.0 \times 10^{-4} \times 0.3 \times 10^3 \times 300 = 2.49 \times 10^2 \text{ Pa 右向き}$$

NaClの浸透圧の計算

両側=濃度はなく  
浸透圧は働かない。

液面差の計算式

実は上の計算と数値は同じ。  
ただし、力の向きが異なる。

問2の解答；右側が2.5cm高い。



**溶質が弱電解質の場合**

例えば、酢酸  $\text{CH}_3\text{COOH}$  の水溶液について考えてみましょう。同水溶液中での  $\text{CH}_3\text{COOH}$  は、次のように、その一部が電離しています。よって、電離前の酢酸水溶液の濃度を  $c$  (mol/kg)、酢酸の電離度を  $\alpha$  とおくと、

	$\text{CH}_3\text{COOH}$	$\longrightarrow$	$\text{CH}_3\text{COO}^-$	$+$	$\text{H}^+$	
電離前	$c$		0		0	
変化量	$-c\alpha$		$+c\alpha$		$+c\alpha$	
電離後	$c(1-\alpha)$		$c\alpha$		$c\alpha$	合計 $c(1+\alpha)$ (mol/kg)

のように、電離後の全粒子濃度は  $c(1+\alpha)$  (mol/kg) になります。すると、凝固点降下度（または、沸点上昇度）は全粒子濃度に比例するので、

$$\Delta t [=K \times c(1+\alpha)] = K \times \frac{w}{M} \times \frac{1000}{W} \times (1+\alpha)$$

酢酸型の電離の効果

となります。逆に、 $\Delta t_b$  や  $\Delta t_f$  から、上式より電離度を知ることもできます。

